

## الجدل المستمر بخصوص التعريف العام للقدرة الكهربائية (الجزء الأول: دراسة مرجعية)

\*منصور حشادو أسماء أبو عزة و نادية المصراتي

المعهد العالي للتقنيات الهندسية ، الفرنج-السبعة ، طرابلس ، ليبيا

### الكلمات المفتاحية:

الدوائر الغير خطية  
التوافقيات  
القدرة الظاهرية  
القدرة الغير فعالة  
إلوفيتشي  
بودان  
فريزيه

### المخلص

يعتبر موضوع التعريف العام للقدرة الكهربائية من المواضيع التي تثير جدلاً واسعاً، وهذا الجدل مستمر منذ تسعينيات القرن التاسع عشر إلى يومنا هذا. هدف هذه الورقة، في المقام الأول؛ تقديم دراسة مرجعية عن طريق المسح التاريخي، بتمييز ما يراه المؤلفون جزءاً من النقاط المفصلية الأبرز في تاريخ هذا الجدل المستمر، حيث أصبحت هناك "نظريات قدرة" تُسمى بأسماء مقترحتها، لا يلغي إحداها ما سواه بشكل قطعي وكامل، بل كأنها تعيش مع بعضها البعض في قطيع يتنافس أفراده على الزعامة فقط، كظاهرة غير مألوفة في العلوم الدقيقة. في هذه الحالة من الريبة وعدم التيقن، كان من المهم أيضاً ذكر المتفق عليه -على قِلته- ونطاق الاتفاق. في الورقة تم تقديم بعض الملاحظات الخاصة بالمؤلفين من بينها إضافة جدلية جديدة من قائمة المتفق عليه إلى قائمة المتخاصم عليه، استناداً على قانون تيليجن (Tellegen Theorem) لموازنة القدرة اللحظية. أيضاً تم تقديم مقارنات وملاحظات بخصوص بعض الجزئيات النقدية والحسابية والتشبيهية، مما نعتبره قيمة بحثية إضافية للقيمة المرجعية. الدراسة النقدية المتكاملة تحتاج لسلسلة من الأوراق المرجعية. تعريف القدرة الكهربائية بالشكل العام -أي للدوائر الغير خطية بمنحنيات غير جيبيية بفترة متكررة أو غير متكررة لأي عدد من الأطوار- أصبح موضوعاً بالغ الأهمية وخصوصاً بعد الانتشار الواسع لأجهزة القدرة الإلكترونية في مجال إنتاج وإرسال واستهلاك الطاقة الكهربائية. الموضوع اليوم له عدة تيارات بحثية، من أهمها: التيار الأول هو تفسير الجانب المعرفي الفيزيائي للموضوع وهو بحثي صرف، والتيار الثاني هو قياسي تنميطي، والتيار الثالث يخص تصميم دوائر الترشيح سواء السلبية أو النشطة، وخصوصاً خوارزميات التحكم للمرشحات الفعالة. في هذه الورقة سيتم التركيز على الجانب الفيزيائي الرياضي لمفهوم القدرة الغير فعالة. مؤخراً هناك تيار بدأ يظهر، يعتمد الوصف المجالي باستخدام معادلات ماكسويل (Maxwell's Equations) و متجه بوينتغ (Poynting Vector) كمحاولة لسبر حيثيات الخلاف.

## The dispute over the general definition of electric power (Part One: Topic Overview).

\*Mansour S. Hashad, Asma A. Abu-Azza, Nadia A. Al-Misrati

Higher Institute of Engineering Technology, Al-Furnaj-Saba, Tripoli, Libya

### Keywords:

Power Theory  
Illovi  
Budean  
Fryze  
Kimbark  
Zakikhani-Shepherd  
Kusters-Moore  
Akagi  
Czarnecki

### ABSTRACT

The subject of the general definition of electrical power is one of the topics that raise widespread controversy. The goal of this review paper is presenting a brief historical survey by highlighting what the authors see as the most critical points in the history of this ongoing debate. Some notes of own authorship are made as well, which we consider as additional research value to the overview one. Defining electrical power in general has become a very important topic, especially after the widespread utilization of electronic power devices in the field of production, transmission and consumption of electrical energy. In this paper, In particular the focus will be made on the physical nature of the concept of reactive power.

\*Corresponding author:

E-mail addresses: [ms\\_hashad@hotmail.com](mailto:ms_hashad@hotmail.com) , (A. A. Abu-Azza) [abuazz.asma@yahoo.com](mailto:abuazz.asma@yahoo.com) , (N. A. Al-Misrati) [nm8645091@gmail.com](mailto:nm8645091@gmail.com)

Article History : Received 15 July 2021 - Received in revised form 15 August 2021 - Accepted 15 September 2021

## المقدمة

لأنها قدمت كافتراحت غير كاملة، ولكن بكل تأكيد لا يمكن تجاوز ما قدمه فريزيه [6] في سنة 1931م و 1932م حيث قام بتحليل التيار رياضياً (أو الجهد) إلى مركبتين متعامدتين، إحداها هي المسؤولة عن نقل القدرة الفعالة، والأخرى سماها المركبة الغير فعالة. بمفهوم فريزيه كل ما هو ليس فعال فهو غير فعال، وبالتالي لا يوجد عنده تفریق بين القدرة الغير فعالة وبين القدرة الرديّة المعروفة من دوائر التيار الجيبي بسبب انزياح التيار بالنسبة للجهد. يمكن اعتبار بودان هو رائد التيار البحثي الذي يصف القدرة في النطاق الترددي بينما فريزيه رائد التيار البحثي الذي يجزئ التيار الكهربائي إلى مركبات متعامدة. وكلاهما مهد الطريق لمن بعده في هذه الإتجاهات التي تشعبت وتقاطعت، أكثر وأكثر، مع مرور الزمن.

يستخدم الباحث اليوم مصطلح "نظرية القدرة" (Power Theory) لوصف مجموع الأفكار المقدمة في هذا المجال ولكن أيضاً يستعمل بشكل كبير في وصف ما قدمه باحث "ما" بالخصوص، فنقول "نظرية القدرة لبودان" أو "نظرية القدرة لفريزيه" وهكذا مقرونة بإسم الباحث؛ ويُقصد بها مجموع الأفكار والتعريفات التي قدمها الباحث المذكور في مجال تعريف القدرة الكهربائية. اصطلاحاً أيضاً يستعمل للتمييز بين النظريات فمثلاً لتمييز تعريفات القدرات الغير فعالة عن بعضها البعض يتم الترميز لقدرة الوفيتشي بـ  $Q_I$  بينما لفريزيه بـ  $Q_F$  ولبودان بـ  $Q_B$  وهكذا.

يستعمل أيضاً مصطلح "معادلة القدرة" (Power Equation) ويُقصد به ما يساويه مربع القدرة الظاهرية؛ مثاله في الدوائر الخطية للتيارات الجيبية:

$$S^2 = P^2 + Q^2$$

ما هو المتفق عليه ولا يتأثر جداً إلى يومنا هذا؟

من الجيد الإجابة على هذا السؤال قبل الخوض في الخلافات حتى يكون للقاريء مرجعية تقييمية لما يتم سرده من خلافات.

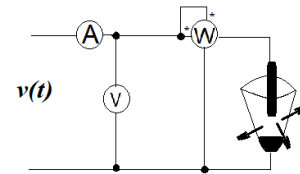
- لجميع الدوائر الكهربائية بدون تخصيص:

- قانون القدرة اللحظية  $p = v \cdot i$
- قانون تليجين Tellegen Theorem الذي ينص على أن مجموع القدرة اللحظية لجميع المصادر  $p_s$  تساوي عددياً مجموع القدرة اللحظية لكل مستهلكات الطاقة  $p_o$  وبالتالي فلعدد  $m$  من المصادر وعدد  $n$  من المستهلكات:  $\sum_m p_{sm} = \sum_n p_{on}$  يتم استنباط هذا القانون من قانوني كيرشوف، ولكنه فعلياً يجسد مبدأ الحفاظ على الطاقة.

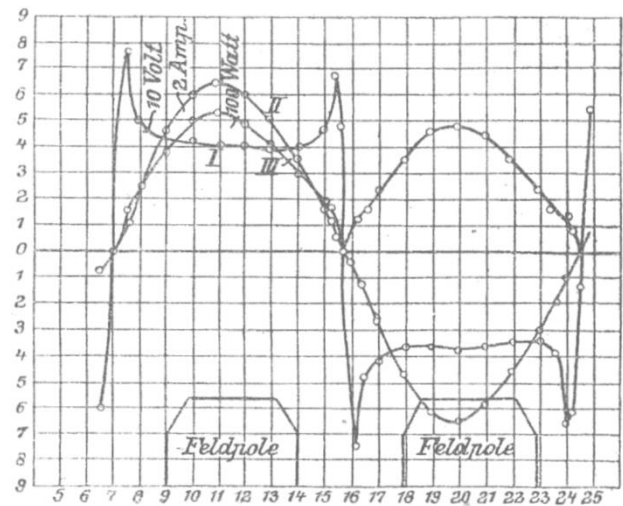
- القدرة الفعالة المحسوبة على أساس المتوسط الزمني لقيمة الشغل المبذول  $P = \frac{1}{T} \int_{\tau}^{\tau+T} v i dt = \frac{W(\tau+T) - W(\tau)}{T}$

في حالة القانون الأخير متحقق أيضاً مبدأ الحفاظ على الطاقة، ولهذا يمتلك القوة الحسابية ووضوح المعنى الفيزيائي، ولكننا سنُبين في هذا البحث استناداً لقانون تليجين ومثال حسابي، أن هذا القانون قد يعطي تفسيرات لحظية خاطئة، وإن كانت الحسابات صحيحة على مستوى الفترة. ينتج هذا من حقيقة أن هذا القانون يحسب القيمة المتوسطة للشغل، وككل الإستنتاجات التي تتم بناءً على القيم المتوسطة (ولا يُستثنى منها متوسط مربع

واحد من أهم المواضيع الأساسية والأكثر جدلاً على الإطلاق في العلوم الكهربائية هو التعريف العام للقدرة الكهربائية للدوائر الغير خطية بمنحنيات غير جيبية. كانت البداية في سنة 1892م [1, 2] حين تجادل شتاينمتر (Steinmetz) ضد هوباخ (J. Heubach) حيث استدل الأخير بوجود انزياح في الطور بناء على قياس القيمة "الفعالة" للتيار (I) والقيمة "الفعالة" للجهد (V) والقدرة الفعالة (P) في الدائرة شكل رقم (1)، والتي بها الحمل كان عبارة عن مصباح قوسي. هوباخ استنتج وجود انزياح للطور عن طريق حساب معامل القدرة  $\frac{P}{V \cdot I}$  الذي كان أصغر من الواحد، وفي الاعتراض استدل شتاينمتر بالقياسات [2] المقدمة من قبل W.B. Tobey و G.H. Walbridge كما بالشكل (2)، وبين أنه لا يوجد انزياح بالطور بين موجة الجهد والتيار بل يوجد فقط تشوه بالموجة الجهدية. بكلمات أخرى استخلص أن  $S > P$  بالرغم من غياب الانزياح الطوري. وبهذا افتتح شتاينمتر أطول سباق مناظرة حوارية في تاريخ العلوم الكهربائية. لمزيد من التفاصيل يمكن قراءة الترجمة الإنجليزية للورقة البحثية تحت الرابط [3].



شكل 1: دائرة شتاينمتر بالمصباح القوسي.



شكل 2: منحنيات الجهود والتيار منسوخة كما قدمها شتاينمتر [2].

الدائرة التي درسها شتاينمتر كانت دائرة غير خطية فبينما التيار شبه الجيبي إلى حد كبير، نلاحظ الشكل المشوه للجهد على المصباح. وبالتالي حتى إذا قربنا المنحنى التياراتي للموجة الجيبية فإن الموجة الجهدية تحتوي على توافقيات عليا، حسب متسلسلة فورييه، وهذا بالضبط ما فعله بودان (C. I. Budean) في ورقته البحثية [4] سنة 1927م كمحاولة لوصف أعم للقدرة الكهربائية في النطاق الترددي. بعامين - أي في سنة 1925 - سبقه إلويتشي [5] (Illovi) بتعريف القدرة الرديّة السعوية والقدرة الرديّة الحثية في النطاق الزمني، والنطاق الترددي، ولكن تم تجاوز تعريفاته ربما

القدرة الخاصة بالدوائر الخطية بمنحنيات جيبية (التي تنتج من نظرية الأعداد المركبة، و ترتبط فيزيائياً مع المعادلة  $Z^2 = R^2 + X^2$  أو بأكثر دقة  $|Z|^2 = Re(Z)^2 + Im(Z)^2$ ) إلى التعريفات العامة، حيث عند عدم الموازنة، أصبحت تُكتب بالشكل:

$$S^2 = P^2 + Q^2 + Q_1^2 + Q_2^2 + \dots + Q_n^2 \quad (3)$$

أي الموازنة بإضافة  $Q_1, Q_2, \dots$  قدرات وهمية -في الغالب- بناءً على اقتراحات شخصية، ثم يتم البحث عن مسميات وتفسيرات "للقدرات" المقترحة.

في اعتقادنا أن هذا من العجائب التي ضريت أطنابها في موضوع "نظريات القدرة" ألا وهو اصرار الكثير من الباحث على ضرورة تحقيق معادلة القدرة (1) أي نقلها من الدوائر الخطية أحادية الطور بالموجات الجيبية ليُسحب بشكل غير مشروع على جميع أنواع الدوائر الكهربائية. هذه المعادلة (3) نتاج تحوير رياضياتي يعتمد على تقسيم التيار إلى مركبات متعامدة يمكن عملها بعدد لا نهائي من الطرق [7، 8] ثم ضرب طرفي المعادلة في مربع الجهد فنحصل على [3]. هذا التصرف وإن كان صحيح رياضياً لا معنى له فيزيائياً، فضرب تيار بجهد لا يوجد بينهما شغل مشترك لا يقدم أي معلوم فيزيائية، بالضبط كما لو أننا ضربنا جذر مربع القيم اللحظية لتيار يمر عبر مفتاح مغلق مثالي مع مثيلتها للجهد على المفتاح عندما يكون مفتوحاً، فهذه المعلومة قد تنفع هندسياً عند التصميم ولكن لا تصلح للبحث عن مركبات فيزيائية، لهذه القدرة الظاهرية للمفتاح. القدرة بالمفهوم الفيزيائي هي سرعة إنتاج أو استهلاك الطاقة، ولا يوجد قانون لبقاء القدرة حسب معادلة القدرة، في شكله التربيعي الهندسي. قد يبدو بديهياً أنه وبناءً على هذا التعريف، إذا لم يكن هناك تبادلات في الطاقة فلا يمكن الحديث عن سرعة هذه التبادلات -أي القدرة- ولكن المتبع للجدل الحادث في تعريف القدرة الكهربائية اليوم يعرف جيداً أن هذه البديهية يتم انتهاكها بحجة تحقيق معادلة القدرة! بل تستخدم حتى لنقد ما يخالفها؛ فأحد الحجج ضد نظرية إيوفيتشي كان عدم تحقيقها لمعادلة القدرة. الأمر الآخر الذي تم نقله من الدوائر الخطية بمنحنيات جيبية، هو "تأرجح" القدرة الرديّة (الطاقة) الذي يتم بسبب التبادلات في الطاقة المحافظة للمجالات الكهربائية والمجالات المغناطيسية (تم التعرض لظاهرة "التأرجح" بشيء من التفصيل لاحقاً).

بشكل عام، اليوم يتم تقسيم الدوائر الكهربائية إلى دوائر بمنحنيات جيبية وغير جيبية (مشوهة). لا يوجد شك بأن هذا الوصف فيه قصور من الناحية الفيزيائية فيمكن للدائرة أن تكون خطية بموجات غير جيبية؛ مثلاً يكفي استعمال مصدر للجهد أو التيار غير جيبي أو دراسة جزء خطي من شبكة يتغذى بجهود مشوهة نتيجة الهبوطات الجهدية بسبب تيار الحمل المشوه؛ ويمكن ضرب الأمثلة لهذا. من ناحية أخرى، ومن الجانب العملي فإن المسمى فيه وجهة (أي التفريق على أساس المنحنيات وليس على أساس خطية الدائرة الكهربائية) فنحن نستطيع تمييز المنحنيات التي يتم قياسها ولكن كيف نميز بشكل أكيد وقاطع بأن هذه المنحنيات المشوهة تخص دائرة خطية أو غير خطية، ولهذا فالتقسيم يجب أن يتم وفق ما نستطيع تمييزه عملياً. في حكمنا أن أحد أهم الأسباب لعدم الحسم للجدل القائم هو الإبتعاد عن المفهوم الفيزيائي للقدرة والإعتماد على القيم المتوسطة وربطها بموازنة معادلة القدرة. القدرة من الناحية الفيزيائية مرتبطة مع تبادلات الطاقة وهي وصف لمعدل التغير في الإنتاج أو الإستهلاك

القيمة اللحظية) فإنها عاجلاً أم آجلاً تسبب تفسيراً فيزيائياً خاطئاً. نشير هنا إلى أن هذه الجزئية -أي جدلية P- أول مرة تنشر، فحسب علم المؤلفين لا يوجد شيء بالخصوص حتى في المنشورات الدولية. وبهذا تخرج عن الإتفاق لتنظم إلى قائمة المتنازع عليه. تشارنيتسكي اعطى فعلياً مثلاً لكنه يتردد بين مختلفين.

-للدوائر الكهربائية الخطية، الغير متغيرة زمنياً LTI بمنحنيات جيبية:

لا يوجد حولها جدل، وكل التعريفات المعروفة من نظريات الدوائر الكهربائية مقبولة، ويستثنى أحياناً تعريف القدرة الظاهرية للدوائر ثلاثية الطور. الجدل حول القدرة الظاهرية، لن يتم تناوله في هذه الورقة البحثية، فهي في الأساس قيمة مُعرفة حسب القيم المتوسطة كقيمة حدية، وليس بناءً على التفاعلات الفيزيائية بين الجهد والتيار.

الترميزات الرياضياتية المستعملة في الورقة

سنستعمل الترميزات الآتية:

$$x \equiv x(t), \quad \hat{x} \equiv \frac{dx}{dt}$$

وللقيمة المتوسطة خلال الفترة:

$$\bar{X} \equiv \frac{1}{T} \int_{\tau}^{T+\tau} x dt = \frac{1}{T} \int_0^T x dt$$

الضرب القياسي لموجتين لحظيتين خلال الفترة:

$$\langle x|y \rangle \equiv \frac{1}{T} \int_{\tau}^{T+\tau} xy dt$$

كل موجتين -غير صفريتين- ناتج ضربهما القياسي يساوي صفرًا، هما موجتان متعامدتان ونكتب شرط التعامد على النحو الآتي:

$$\langle x|y \rangle = 0$$

لترميز القياس لجذر متوسط مربع القيمة اللحظية RMS لأي موجة لحظية ولموجة تفاضل الموجة:

$$X \equiv \|x\| = \sqrt{\langle x|x \rangle}, \quad \hat{X} \equiv \|\hat{x}\| = \sqrt{\langle \hat{x}|\hat{x} \rangle}$$

ولموجة التيار والجهد وكذلك لتفاضل هذه الموجات:

$$I \equiv \|i\|, \quad V \equiv \|v\|, \quad \hat{I} \equiv \|\hat{i}\|, \quad \hat{V} \equiv \|\hat{v}\|$$

لتتمكن كل الموجات اللحظية قيد الدراسة هي موجات دورية متكررة بفترة T تمتلك تكامل مربع القيمة اللحظية للفترة المعطاة أي أنها  $L_T^2 \in$  وعبارة عن عناصر من فضاء هيلبرت (Hilbert space).

نظرية القدرة في الدائرة الخطية أحادية الطور بمنحنيات جيبية

تخص هذه التعريفات الدوائر أحادية الطور الخطية وشكل الموجات بها جيبي. هذه التعريفات إلى يومنا هذا لا يوجد عليها جدل بين الباحث وهي محل توافق عام، ولكن يتم ذكرها هنا لهدفين: الأول للمحافظة على المنهجية التاريخية لتطور معضلة تعريف القدرة الكهربائية في الحالة العامة بغرض الربط المنطقي؛ أما الثاني لإبراز أن من بين أسباب الجدل الحاصل، هو محاولة تعميم هذه المفاهيم على كل الدوائر، منها على سبيل المثال موازنة معادلة القدرة:

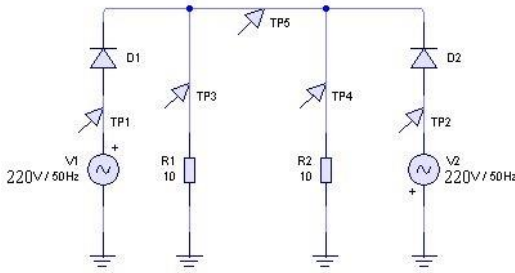
$$S^2 = P^2 + Q^2 \quad (1)$$

فهذا القانون في الحالة العامة يفترض أن يُكتب بهذه الصيغة:

$$S^2 \geq P^2 + Q^2 \quad (2)$$

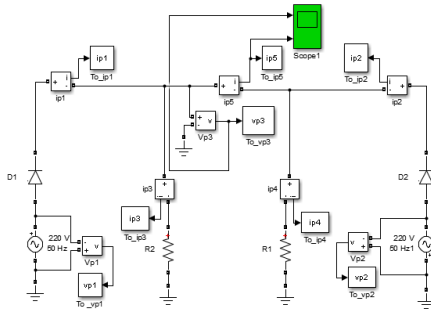
لا يوجد مبدأ فيزيائي -مثل مبدأ الحفاظ على الطاقة- يلزم بكتابة علامة التساوي، ولكن لأسباب غير مفهومة فإنه تم نقل إشارة التساوي من معادلة

هذا التقسيم يفتقد للدقة سنوضحه بضرب مثل لدائرة كهربائية كما بالشكل (3) فيها قدرة متأرجحة ولكنها قدرة فعالة ولا وجود لأي قدرة ردية.



شكل 3: دائرة تمثل تأرجح "القدرة" الفعالة.

يوجد بالدائرة مصدرين للجهد الكهربائي، لهما نفس التردد ونفس جهد التغذية ولكن بينهما انزياح طوري 180 درجة كهربائية. كل مصدر يغذي الدائرة عن طريق صمام تقويم (دايود قدرة) بالنسبة للعناصر التي تستهلك القدرة فهي عبارة عن مقاومات متساوية القيمة. للتبسيط سنفرض أن هذه العناصر مثالية ولا يؤثر هذا على صحة الإستنتاجات. في النصف الأول من الفترة يغذي المصدر v1 المقاومين R1، R2 عبر الصمام D1 بينما المصدر v2 منحاز عكسياً. في النصف الثاني يحدث العكس تماماً. نقطة القياس ستكون TP5. الدائرة التشبيحية للدائرة من الشكل (3) في برنامج السيمولنك ماتلاب معطاة على الشكل (4).



الشكل 4: الدائرة التشبيحية للدائرة ش 3.

نظراً لوجود الصمامين D1، D2 فإن موجة الجهد في النقطة TP5 هي عبارة عن جهد مقوم موجه كاملة، أما بالنسبة للتيار عبر هذه النقطة فهو جيبي لأن المصدران يتبادلان تغذية المقاومة من الجهة الأخرى لكل منهما. شكل (5) يوضح الموجة اللحظية لتغير منحنى الجهد والتيار الذي يعطيه البرنامج التشبيحي. وليس صعباً تحديده حتى بدون تشبيه. شكل (6) يعطي الطيف الترددي حسب رتبة التوافقيات. بما أن التيار هو موجة جيبية بفترة 20 ms فإنه يملك المركبة الأولى فقط. بينما الموجة الجهدية تملك المركبة الصفرية نتيجة للتقويم، وكذلك المركبات الزوجية لأن طول فترة التردد أصبح 10 ms. من الواضح أن الضرب القياسي لموجة الجهد والتيار  $\langle v|i \rangle = 0$  فحاصل الضرب للنصف الأول من الفترة موجب بينما للنصف الثاني يماثلته ولكنه بالسالب نظراً للأنعكاس في إشارة الموجة التيارية. نتيجة الضرب القياسي تقول أن القدرة الفعالة محسوبة على طول الفترة تساوي صفر أي  $P = 0$  وبالتالي "القدرة" تتأرجح عبر النقطة TP5. نستطيع ملاحظة ذلك على الطيف الترددي شكل (6) فالتيار يملك توافقيات جيبية وحيدة وفردية وهي الأساسية، بينما الجهد يملك مركبة ثابتة (صفرية) ومركبات زوجية وبالتالي فإنها لا تستطيع إنجاز شغل "ما" نظراً لإختلاف رتبة التوافقيات أو بكلمات أخرى لأنها منحنيات متعامدة. نحن نعلم بكل تأكيد أنه لا يوجد مستهلك

$$p = \frac{dw}{dt} = vi \rightarrow dw = vi dt \quad (4)$$

إذاً من القانون الأساسي لتعريف القدرة يتضح بشكل لا جدل فيه، من الناحية الفيزيائية، أنه لا وجود لقدرة بدون شغل مبدول. وبالتالي لا يمكن إضافة قدرة "ما" لمعادلة القدرة إلا إذا تم الكشف عن ماهية التبادلات في الطاقة التي ترتبط معها، وحتى وإن فعلنا فالسؤال ما علاقة معادلة القدرة (مجموع التريبعات) مع مبدأ المحافظة على الطاقة! يجب أن تتم الإجابة على هذا السؤال أولاً. في الهندسة الكهربائية يتم تعريف القدرة ليس بناءً على تبادلات الطاقة ولكن بناءً على قيم متوسطة، كما هو الحال مع القدرة الفعالة  $P = \overline{vi}$  أو عن طريق قيم جذور متوسط مربع القيمة  $\|v\|, \|i\|$ ، وهكذا يتم في الأنماط الهندسية التي من أهمها بلا شك [9].

لأسباب تطبيقية، مفهوم القدرة في الهندسة الكهربائية له معان إضافية من نواحي تصميمية وتحسين ظروف عمل الشبكة الكهربائية، وهذا مهم جداً ولكن لا يجوز خلطه بأي شكل من الأشكال مع فيزياء الظواهر نفسها، التي تعتمد على تبادلات حقيقية للطاقة الكهربائية، وإلا فنتيجة ذلك هو ما يحدث الآن بالضبط من جدل وإختلاط غير مشروع للمفاهيم. لحساب معامل القدرة، يمكن الإكتفاء بالقدرة الفعالة والقدرة الظاهرية. الصيغة الصحيحة في حكمنا لمعادلة القدرة هي (2) وليس (1).

في إعتقادنا؛ جميع مؤشرات تقييم جودة أداء الشبكات الكهربائية يجب أن تكون منفصلة عن "نظريات القدرة".

لنفرض أن القيم اللحظية للتيار والجهد موصوفة كالآتي:

$$i(t) = \sqrt{2} \cdot I \cdot \sin(\omega t - \varphi) \quad (5)$$

$$v(t) = \sqrt{2} \cdot V \cdot \sin(\omega t) \quad (6)$$

والقدرة اللحظية هي:

$$p(t) = v(t) \cdot i(t) \quad (7)$$

فإن:

$$p(t) = P \cdot [1 - \cos(2\omega t)] + Q \cdot \sin(2\omega t) \quad (8)$$

و يمكن تمثيلها بواسطة مركبتين:

$$p(t) = p_a(t) + p_q(t) \quad (9)$$

$$p_a(t) = P \cdot [1 - \cos(2\omega t)] \quad (10)$$

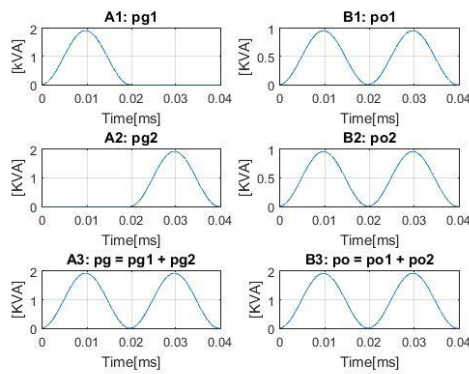
$$p_q(t) = Q \cdot \sin(2\omega t) \quad (11)$$

$$P = VI \cos(\varphi) \quad (12)$$

$$Q = VI \sin(\varphi) \quad (13)$$

القيمة المتوسطة للمركبة وحيدة الإتجاه  $p_a$  هي القيمة  $P$  وهي القدرة الفعالة. المركبة  $p_q$  هي المركبة الردية ومتوسطها على الفترة هو صفر. لهذا السبب تم ترسيخ مفهوم أن القدرة الغير فعالة هي "قدرة" تتأرجح بين المصدر والحمل. اليوم يوجد جدل حول هذا، وهناك عدة تيارات، منها من يصر على اعتبار هذا من علاماتها، وهناك من يقول بأنه ليس ضرورياً وكلّ يضرب لما يدعي من أمثلة. أوضح مثال على أولهما، هو تعميم بودان لتعريف القدرة الردية من الدوائر الخطية بالمنحنيات الجيبية، بينما أوضح مثال على الثانية هي القدرة الغير فعالة لفريزيه. نريد أن نضع تمييزاً بين الحالتين، وهو فعلاً يستعمل من قبل البعض، ألا وهو أن "القدرة" المتأرجحة تسمى القدرة الردية، بينما بالعموم فكل ما ليس فعلاً فهو قدرة غير فعالة. أي أن القدرة الردية هي قدرة غير فعالة بينما العكس ليس بالضرورة صحيحاً. كراي شخصي للمؤلفين، هذا التقسيم وإن كان أكثر تفصيلاً إلا أنه يفتقد للدقة. دعونا نتفق من ناحية المبدأ بأن المقصود من القدرة الردية هي القدرة التي ترافق التبادلات للطاقة الكامنة في المجالات الكهربائية والمغناطيسية (أي وجودها يكون في شكل جهود على المكثفات أو تيار في الملفات). زعمنا بأن





شكل 7: منحنيات القدرة اللحظية:

A1 للمصدر الأول، A2 للمصدر الثاني، A3 مجموع القدرة اللحظية للمصدرين،  
B1 القدرة اللحظية على المقاومة الأول، B2 على المقاومة الثانية، B3 مجموعهما.

الجدول رقم (1) يحتوى على حسابات للقدرة الغير فعالة في النقطة TP5 حسب تعريفات مختلفة (مختارة) والموضوعة بالجدول بغرض المقارنة.

#### نظرية القدرة لإلوفيتشي

في سنة 1925 م قدم إلوفيتشي مقترحين للقدرة [5] في النطاق الزمني بشكلها التكاملي:

$$Q_I = -\frac{1}{\omega T} \int_0^T i \hat{u} dt = \frac{1}{\omega T} \int_0^T u \hat{i} dt \quad (14)$$

$$Q_I = -\frac{\langle i | \hat{v} \rangle}{\omega} = \frac{\langle \hat{i} | v \rangle}{\omega}$$

وفي النطاق الترددي، عرف الأولى بالقدرة الردية السعوية (15) والثانية الردية الحثية (16) وهما على الترتيب:

$$Q_{IC} = \sum_{n=1}^{\infty} n V_n I_n \sin(\varphi_n) \quad (15)$$

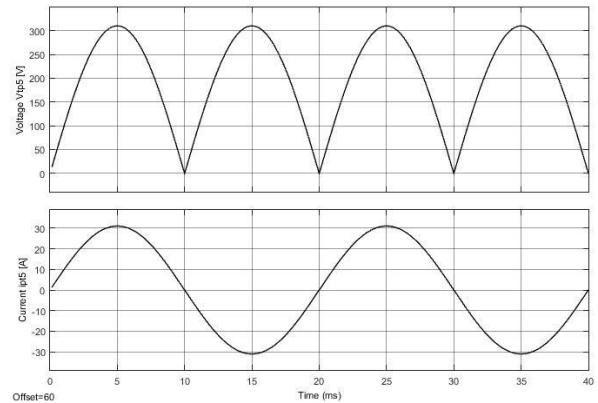
$$Q_{IL} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} V_n I_n \sin(\varphi_n) \quad (16)$$

حيث n رتبة التوافقية، والزوايا  $\varphi_n$  هي انزياح الطور بين الجهد والتيار لكل توافقية. يأخذ بعض النقاد من عيوب قدرة إلوفيتشي أنها لا تحقق معادلة القدرة دائماً.

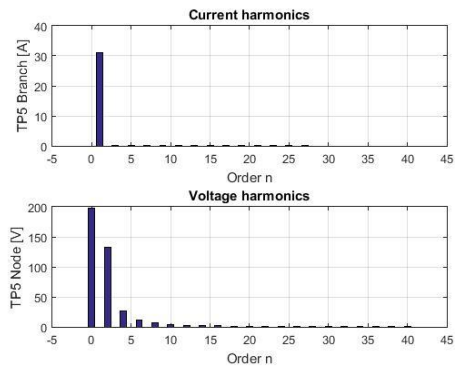
في حكمنا - كما تم ذكره - أن هذا ليس عيباً على الإطلاق، بل أن هذا النقد هو جزء من المشكلة الحالية حيث تم تعميم (1) وليس (2). من العيوب كذلك، أن المتسلسلة (15) قد تكون غير متقاربة نظرياً، وبأن النظرية قدمت كإقتراح غير متكامل، وتتفق مع الجزئية الأخيرة بالكامل، فلا يمكن إعطاء مقترحين دون توضيح مدى ونطاق صلاحية كل منهما.

نرى أن الوصف الزمني يحاول ربط القدرة الكهربائية مع فيزياء الظواهر، وهو فعلياً من الأوصاف الأقرب للفيزياء. أما بالنسبة للوصف الترددي الذي تم اشتقاقه من (14) فإن هذا الاشتقاق في الأساس غير مسموح به رياضياً للمعادلات الغير خطية، ومع ذلك فإن اعتماد القدرة الردية على التردد (مرتبة التوافقية n) هو صائب، لأن العناصر الرد فعليه (أي

للطاقة غير المقاومات وبالتالي فإن الطاقة المسحوبة من المصدرين تتحول لحظياً - لحظة بلحظة - إلى طاقة حرارية.



شكل 5: أ- موجة الجهد اللحظية في نقطة الإختبار TP5، ب- التيار المار بالفرع الذي فيه نقطة الإختبار حسب الإتجاه الموضح على الدائرة الكهربائية.



شكل 6: طيف التوافقيات العليا لمنحنى أ: التيار ب: الجهد.

الشكل (7) A1 يمثل القدرة اللحظية للمصدر الاول  $p_{v1}$  بينما A2 للمصدر الثاني  $p_{v2}$ ، وعلى A3 مجموعهما  $(p_{v1} + p_{v2})$ . الشكل (7) B1 يمثل القدرة اللحظية للمستهلك الاول  $p_{R1}$  بينما B2 للمستهلك الثاني  $p_{R2}$ ، وعلى B3 مجموعهما  $(p_{R1} + p_{R2})$ . نلاحظ التماثل اللحظي للشكلين A3، B3 مما يعني أن:

$$p_{v1} + p_{v2} = p_{R1} + p_{R2}$$

قانون تليجين متحقق لحظياً، عليه ما يتم إنتاجه من المصادر يتم استهلاكه فوراً لحظة بلحظة، و لا يوجد أي نوع من أنواع القدرة الأخرى حتى يكون لها إنعكاساً على مستوى متوسط الفترة. هذا يقودنا إلى أن القيمة المتوسطة للشغل على طول الفترة  $P = \frac{W(\tau+T) - W(\tau)}{T}$  قد تعطي تفسيراً خاطئاً كما هو الحال هنا. طبعاً نحن نقصد المثال من الناحية الفيزيائية، ولكن عملياً قد تحدث هذه الظاهرة بنسب أقل بين مصدرين عند الحالات العابرة في عمل منظمات السرعة للمولدات التي تعمل على التوازي، أو حتى في الحالات المستقرة، إلا أن هذا لا يهم هنا، ما يهم هو تبادلات الطاقة من الناحية الفيزيائية وأن القيم المتوسطة يجب التعامل معها بحذر، وبأي حال من الأحوال لا يجب تعميمها على الدوائر التي بها توافقيات أي المنحنيات الغير جيبيية.

تعيينها بطريقة غير مباشرة أي عن طريق التحليل في متسلسلة فورييه. ضرب فريزيه مثلاً موجة الجهد والتيار لمفتاح كهربائي يفتح ويغلق بانتظام في دائرة تيار ثابت مكون من مصدر جهدي للتيار الثابت ومقاومة. وأوضح فريزيه أنه يمكن تحليل هذه الموجات في متسلسلة فورييه بينما الحديث عن تبادلات الطاقة هنا لا يحمل أي معنى. قسم فريزيه موجة التيار لمركبتين متعامدتين:

$$i = i_a + i_{nF} \quad (20)$$

المركبة الفعالة  $i_a$  وهي موجة لها نفس شكل موجة الجهد وتناسب معها لحظياً أي:

$$i_a = \frac{P}{V^2} v \quad (21)$$

والقيمة RMS لهذه المركبة هي أصغر قيمة لتيار، يمكن أن تحمل القدرة  $P$ . هذا واضح ومهم ويعتبر تقديماً جيداً في النطاق الزمني. القيمة المتبقية من التيار أي  $i_{nF}$  فهي الفرق بين القيمة اللحظية للتيار والقيمة اللحظية للمركبة الفعالة، سماها فريزيه المركبة الغير فعالة، وحيث أن المركبتين متعامدتان، عليه يكون مجموع القيم لمتوسط مربع القيمة لهما مساوياً لمتوسط مربع القيمة للتيار الكلي (22):

$$I^2 = I_a^2 + I_{nF}^2 \quad (22)$$

وبضرب طرفي المعادلة (22) في متوسط مربع القيم للجهد:

$$I^2 \cdot V^2 = I_a^2 \cdot V^2 + I_{nF}^2 \cdot V^2 \quad (23)$$

ومنه مباشرة نتحصل على معادلة القدرة:

$$S^2 = P^2 + Q_F^2 \quad (24)$$

القدرة الغير فعالة لفريزيه  $Q_F$  ليس بالضرورة أن يكون لها أي معنى فيزيائياً. وننوه هنا بأن كل القدرات التي تعتمد على معادلة القدرة هي تفصيل (تجزئ) لقدرة فريزيه، مثلاً:

$$Q_F^2 = Q_B^2 + D^2 \quad (25)$$

ميزة نظرية فريزيه أنها تُعرف مركبات القدرة في النطاق الزمني بدون الحاجة إلى التحليل في متسلسلة فورييه. فريزيه كان السياق إلى هذه الطريقة وهو يعتبر رائد طريقة تحليل الموجات التيارية الجهدية إلى مركبات متعامدة.

#### نظرية القدرة لـ شيفرد - زاكي خان

تم اقتراح هذه النظرية [12] في سنة 1972 بواسطة (Shepherd and Zakikhani) حيث اقترحا مركبتين للتيار، مركبة تكون كل توافقيات التيارية متناسبة مع ما يقابلها من التوافقيات الجهدية وسميا المحصلة بـ  $i_R$  ومركبة مزاحة برقع الفترة وعُرفت بـ  $i_r$  وهكذا إذا فرضنا أن الموجة الجهدية معطاة:

$$v(t) = V_0 + \sqrt{2} \sum_{n=1}^{\infty} V_n \cos(n\omega t + \alpha_n) \quad (26)$$

والموجات التيارية:

$$i(t) = I_0 + \sqrt{2} \sum_{n=1}^{\infty} I_n \cos(n\omega t + \alpha_n - \varphi_n) \quad (27)$$

عليه المركبات هي:

$$i_R(t) = I_0 + \sqrt{2} \sum_{n=1}^{\infty} I_n \cdot \cos(\varphi_n) \cos(n\omega t + \alpha_n) \quad (28)$$

$$i_r(t) = \sqrt{2} \sum_{n=1}^{\infty} I_n \cdot \sin(\varphi_n) \sin(n\omega t + \alpha_n) \quad (29)$$

سعى المركبة  $i_R$  بالمركبة المادية، والمركبة  $i_r$  بالمركبة الرديية. يجب أن لا نخطأ المركبة  $i_R$  مع المركبة الفعالة لفريزيه  $i_a$ ، فهي بعكس هذه الأخيرة لا تحمل أي

معنى. من نظرية بارسيفال (Parseval's theorem) ينتج:

$$I_R^2 = I_0^2 + \sum_{n=1}^{\infty} [I_n \cdot \cos(\varphi_n)]^2 \quad (30)$$

$$I_r^2 = \sum_{n=1}^{\infty} [I_n \cdot \sin(\varphi_n)]^2 \quad (31)$$

وبما أن:

$$\langle I_R | I_r \rangle = 0$$

عليه فالمركبتان متعامدتان وينتج عنه:

$$I^2 = I_R^2 + I_r^2$$

المانعات) تتوقف قيمتها على التردد، وبالتالي فمن المتوقع جداً أن تتوقف القدرة الرديية على التردد أيضاً، وهذا ما غاب عند بودان تماماً.

#### جدول 1: قيم القدرات حسب مقترحها في النقطة TP5.

حسب نقطة القياس TP5 [kVAR]	القدرة الغير فعالة حسب المقترح
0	Iloveci 1st pro.: $Q_{IC} = \sum n V_n I_n \sin(\varphi_n)$
0	Iloveci 2nd pro.: $Q_{IL} = \sum \frac{1}{n} V_n I_n \sin(\varphi_n)$
0	Budean: $Q_B = \sum V_n I_n \sin(\varphi_n)$
4.8	$D = \sqrt{S^2 - Q_B^2 - P^2}$
4.8	Fryze: $Q_F = V I_{nF} = \sqrt{S^2 - P^2}$
0	Kimbarck: $Q_k = V_n I_n \sin(\varphi_n) = Q_1$
4.72	Shepherd-Zakikhani: $Q_{SZR} = V \sqrt{\sum I_n^2 \sin^2(\varphi_n)}$

#### نظرية القدرة لبودان

استعمل بودان تحليل فورييه لموجة التيار والجهد؛ وحيث أن القدرة الفعالة تكون معرفة في النطاق الترددي بالشكل الآتي:

$$P = V_0 I_0 + \sum_{n=1}^{\infty} V_n I_n \cos(\varphi_n) = \sum_{n=0}^{\infty} P_n \quad (17)$$

عليه بشكل تناظري قام بتعريف القدرة الرديية لكل توافقية كالآتي:

$$Q_B = \sum_{n=1}^{\infty} V_n I_n \sin(\varphi_n) = \sum_{n=1}^{\infty} Q_n \quad (18)$$

وبغرض تحقيق معادلة القدرة فرض وجود قدرة اضافية سماها قدرة التشوه (Distortion power) ورمز لها بالرمز D حيث:

$$S^2 = P^2 + Q_B^2 + D^2 \quad (19)$$

عدم اعتماد  $Q_n$  على رتبة التوافقية هو غير منطقي. إدخال القدرة الوهمية D هو عمل غير مبرر فيزيائياً، فمن الواضح أن بودان عمم (18) على غرار (13) كما عمم (19) على غرار (1). لسنا متأكدين من الناحية التاريخية، ولكن في الغالب على ما يبدو، أن بودان هو رائد النقل الغير مشروع للتعريفات من الدوائر الخطية بموجات جيبيية إلى التعميم.

بخلاف النظريات الأخرى فإن نظرية بودان استقرت لعقود، كتعريف للقدرة الكهربائية بشكلها العام، وحسب علمنا فإن أول من أوضح خطأها بشكل بِن هو ليشيك تشارنيتسكي [10] (Leszek Czarniecki) في سنة 1987 في ذلك الوقت كانت تُعامل كنظرية سليمة تماماً، بل قد نجد بعض المهندسين الكهربائيين الذين يتداولونها إلى يومنا هذا.

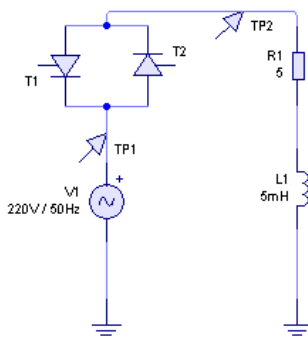
#### نظرية القدرة لفريزيه

نظرية القدرة لفريزيه [6] 1931 كانت تعتبر تعريفاً بديلاً لنظرية القدرة لبودان، حتى سنة 1984 حين انتقدها تشارنيتسكي [11] بشكل قوي.

فريزيه اعتمد أسلوباً مغايراً حيث قام بتقسيم التيار إلى مركبتين؛ المركبة الفعالة وغير الفعالة، وكان هذا في سياق انتقاده لتعريف القدرة حسب بودان. انتقد فريزيه تعريف بودان لسببين رئيسيين؛ أولهما عدم إمكانية تعيين القدرة الرديية لبودان عملياً بحسب الأجهزة المتوفرة وقتها، والسبب الثاني علل بأن القدرة الكهربائية من القيم المهمة الأساسية، والتي لا يجب

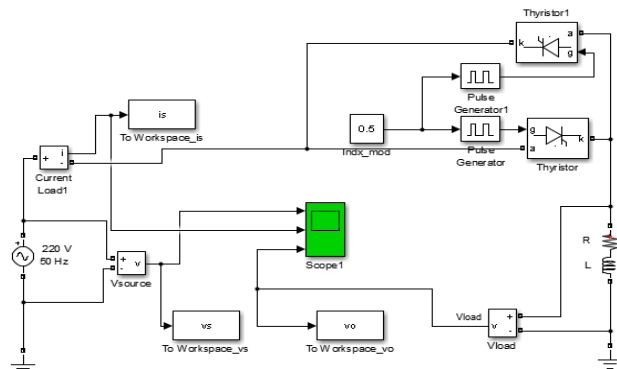
في الحقيقة هي نفس السعة المعطاة بالمعادلة (35) يتم تعيينها على القيم في النطاق الزمني، دون الحاجة لتحليل الموجات باستخدام فورييه، وهذه ميزة تحليل تشبيهي برنامج الماتلاب

النظريات المذكورة هنا هي بعض من النظريات المختارة والتي تعتبر مقدمة لموضوع كبير وغير محسوم تحت مسمى "نظريات القدرة". هذا الموضوع في يومنا هذا تُوِّف له كتب خاصة و رسائل الماجستير والدكتوراة، عليه لا مجال للحصر أو حتى الإقترب منه في ورقة بحثية، لكننا نزعم أنها تُلقى الضوء بشكل جيد على الموضوع ويحدد البدايات، لأجل هذا أيضاً فقد تم عمل دراسة تشبيهية في برنامج الماتلاب، بغرض المقارنة بين بعض النظريات الدائرة الكهربائية على الشكل (8) عبارة عن حمل مادي-حيثي الدائرة R=5Ω/L=5mH يتغذى عن طريق تريك (تم تشبيهه ك ثايرستورين معكوسين) من مصدر جهدي 220V/50Hz زاوية القدر 90° درجة كهربائية. الدائرة تم اختيارها كدائرة غير خطية مع وجود تبادلات للطاقة المشتتة والمحافظة.



شكل 8: دائرة غير خطية بحمل حي فعال.

على الشكل (9) دائرة التشبيه في برنامج السيمولنك - ماتلاب. إلى فضاء العمل أي ذاكرة الماتلاب تم تمرير إشارات الجهود في النقاط TP1، TP2 وكذلك موجة منحنى التيار للمعالجة الرقمية بواسطة ماتلاب m-file. هذه الإشارات تم عرضها على راسم الإشارة البرمجي.



شكل 9: الدائرة التشبيهية للدائرة من ش 8.

الشكل (10) يُعطي الإشارات من راسم الإشارة والتي على أساسها تمت المعالجة الرقمية. بعد المعالجة كانت القيم المحسوبة كالاتي: القدرة الفعالة P = 7703.2 [W] جذر متوسط مربع جهد التغذية Vs = 219.9 [V] ولجهد الحمل Vo = 154.9 [V] وللتيار Is = 62.0 [A] أما القدرة الظاهرية من جهة المصدر والحمل على الترتيب فهما S1 = 13637.8 [VA]

وكما سبق، بالضرب  $V^2$  نتحصل على معادلة القدرة لهما:

$$S^2 = S_R^2 + Q_S^2 \quad (32)$$

حيث:

$$S_R^2 = V^2 I_o^2 + V^2 \sum_{n=1}^{\infty} [I_n \cdot \cos(\varphi_n)]^2 \quad (33)$$

$$Q_R^2 = V^2 \sum_{n=1}^{\infty} [I_n \cdot \sin(\varphi_n)]^2 \quad (34)$$

من (33) وبالمقارنة مع (17) نلاحظ أن القدرة المادية  $S_R \geq P$  وهذا غير مقبول عليه تم تقسيم مربعهما إلى مربعين ومعادلة القدرة أصبحت:

$$S^2 = P^2 + S_C^2 + Q_S^2 \quad (31)$$

المعادلة (31) تعرف بمعادلة شارون (D. Sharon) ولم يتم إعطاء أي تفسير لماهية القدرة  $S_C$  وسماها القدرة الرد فعلية الكاملة! مجرد تقسيم رياضياتي، ولم تقدم جديداً.

بالرغم من قصورها الواضح في تعريف ماهية القدرات إلا أن نظرية شيفرد-زكي خان أعطت حلاً عملياً لتعيين قيمة السعة الكلية (35) لبطارية مكثفات تحسين معامل القدرة، وسميت بالقيمة المثلى لسعة المرشح:

$$C_{opt} = \frac{\sum_{n=1}^{\infty} n V_n I_n \sin(\varphi_n)}{\sum_{n=1}^{\infty} n^2 V_n^2} \quad (35)$$

وهي القيمة التي بها يتحسن معامل القدرة إلى أعلى قيمة له.

في سياق انتقاده لنظرية شيفرد-زكي خان وكذلك كوسترس-موور يكتب تشارنيتسكي في كتابه [13] ص 98 ما ترجمته من اللغة البولندية بتصرف: "قانون شيفرد-زكي خان والمناظر له قانون كوسترس-موور لحساب السعة المثالية لمكثف تحسين معامل القدرة، تم استنباطه تحت فرض أن القيم الفعالة لتيارات وجهود التوافقيات للحمل لا تعتمد على سعة المكثف التعويضي. هذا الفرض الذي في ظاهره جيد، هو غير صحيح في الظروف العملية؛ حتى بالرغم من صغر قيمة الممانعة الداخلية للشبكة مقارنة مع ممانعة الحمل، إلا أنها تملك صفة حثية وبالتالي فإن قيمتها تزداد مع ترتيب التوافقية n وبالتالي تتغير الجهود على الحمل ومن ثم التيارات مما يجعل من هذا الفرض سبباً في حدوث أخطاء كبيرة قد تصل إلى حالات غير مقبولة".

نظرية كوسترس-موور

المقترح الذي قدمه كوسترس-موور [14] (Kusters N.L. and Moore W. ) في سنة 1980 يعتمد على تقسيم التيار إلى ثلاثة مركبات؛ الأولى هي المركبة الفعالة لفرينيه  $i_a$  والثانية المركبة السعوية  $i_{qC}$  والثالثة المركبة

المتبقية من عملية التجزئ  $i_{qCr}$

$$i = i_a + i_{qC} + i_{qCr} \quad (36)$$

$$i_{qC} = -\frac{\omega Q_L}{V^2} \hat{v}, \quad i_{qCr} = i_r \quad (37)$$

$$i = \frac{P}{V^2} v - \frac{\omega Q_L}{V^2} \hat{v} + i_r \quad (38)$$

هذه المركبات الثلاثة تكون متعامدة، عليه فإن الضرب القياسي فيما بينها يساوي صفر، أي:

$$\langle i_a | i_{qC} \rangle = \langle i_a | i_{qCr} \rangle = \langle i_{qC} | i_{qCr} \rangle = 0$$

وبتربيع الطرفين وتكاملها نحصل على:

$$I^2 = I_a^2 + I_{qC}^2 + I_{qCr}^2 \quad (39)$$

بضرب طرفي المعادلة (39) في مربع الجهد تنتج حلاً معادلة القدرة حسب كوسترس-موور:

$$S^2 = P^2 + Q_{qC}^2 + Q_{qCr}^2 \quad (40)$$

وأقترحا أن القدرة  $Q_{qC}$  يمكن أن يتم ترشيحها بحيث يصل معامل القدرة إلى قيمته القصوى عن طريق مرشح سلمي سعته موصوفة بالمعادلة:

$$C_{opt} = -\frac{Q_{qC}}{\|v\| \|\hat{v}\|}$$

للموضوع، ثم تم الطعن في أحد القيم المتوسطة التي كانت محل إتفاق إلى تاريخ كتابة هذه الورقة، ألا وهو تعريف القدرة الفعالة  $P = \langle v|i \rangle$  (باستثناء المثل الذي قدمه تشارنيتسكي بترددتين مختلفين).

في النطاق الزمني يلعب التجزئ على طريقة فريزيه دوراً مهماً في هذه التحليلات. للأسف - في أغلب الأحيان- يتم هذا عن طريق الفرض الدوغماتي. ما تم سرده من اقتراحات لنظرية القدرة في هذه الورقة البحثية لا يعكس حجم النقاش والجدل الحادث إنما فقط يسلط الضوء على بعض المحطات الرئيسية التي صاحبت تطور الموضوع، وكذلك يقدم الأسس النظرية لهذا الاختلاف. هناك الكثير من الدراسات النقدية المهمة التي لم يتم التطرق إليها في هذه الورقة، منها على سبيل المثال لا الحصر [16، 17] وهي دراسات حديثة تؤكد أن جدلية الموضوع لم تحسم بعد.

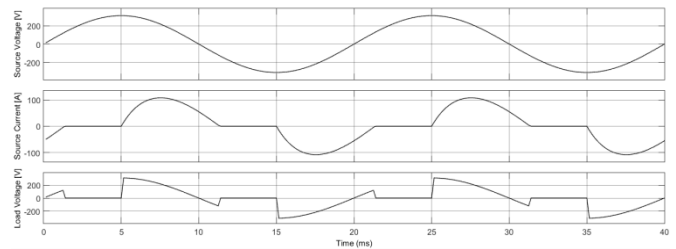
### التوصيات

الهدف من هذه الورقة البحثية المرجعية في الأساس هو التنبيه لموضوع تعريف القدرة الكهربائية في شكلها العام. لا شك أن هذا الموضوع بالغ الأهمية ولعلنا لا نبالغ إن قلنا أن هذا موضوع تاريخي حيث يخلد مجهودات المشاركين به على المستوى العالمي؛ وعليه فإننا نوصي أن يتم تخصيص محور بالمؤتمر خاص بموضوع الجدل حول تعريف القدرة الكهربائية، حتى لا يغيب عن الركب سواء كأفراد أو مؤسسات أو دولة. ونحن كمجموعة بحثية تابعة للمعهد العالي للتقنيات الهندسية/طرابلس نُسعدنا أن نتيح لمن يرغب، كل البرامج التشبيبية والبرمجية في الماتلاب، سواء المتوفرة أو كتابة جديدة، وتقديم كل ما في استطاعتنا لزملائنا الباحث. الموضوع يخص شريحة عريضة من التخصصات إضافة إلى تخصص قوى الهندسة الكهربائية و إلكترونيات القوى؛ من بينها الفيزياء التطبيقية، الرياضيات التطبيقية، فيزياء المجالات، المعالجة الرقمية للإشارات، التشبيه الحاسوبي القياسات الكهربائية و برمجة المتحكمات الدقيقة.

### المراجع

- [1]- Steinmetz Ch.P. Findet eine Phasenverschiebung im Wechselstromlichtbogen statt? Elektrotechnische Zeitschrift. 1892, Heft 42, pp.567-568.
- [2]- Tobey W.B., Walbridge G.H. Investigation of the Stanley Alternate Current Arc Dynamo, Transactions of American Institute of Electrical Engineers, 1890, vol.VII, no 11
- [3]- <https://arxiv.org/pdf/1602.06868.pdf>, "Does a phase shift occur in an AC arc?". Translated by Gerald Kaiser, October 3, 2018.
- [4]- Budeanu C. I.: „Puissances reactives et fictives” Inst. Romain de l’Energie, Bucharest, 1927.
- [5]- Illović M. A.: Defination et mesure de la puissance et de l’energie reactives. Bull Soc. Franc. Electriciens 1925.
- [6]- Fryze S.: „Moc rzeczywista, urojona i pozorna w obwodach elektrycznych o przebiegach odkształconych prądu i napięcia”, Przegląd Elektrotechniczny 1931, nr 7, str. 193-203; nr 8, str. 225-234; nr 22, str. 673-676, 1932.
- [7]- Hashad M.: Teoria mocy w obwodach elektrycznych - ortogonalizacja przebiegów. Zeszyty Naukowe Akademii Morskiej w Gdyni, 2007, nr57 pp 22-35.
- [8]- Hashad M.: 2018, Controversy over the definition of power in electrical circuits (Non-linear - non-sinusoidal - asymmetric), Part I: Orthogonal compounds, Journal of Science and Technology. [https://tjnbvte.tve.gov.ly/first\\_AP\\_2018.php](https://tjnbvte.tve.gov.ly/first_AP_2018.php)
- [9]- IEEE Standard Definitions for the Measurement of Electric Power Quantities Under Sinusoidal, Nonsinusoidal, Balanced, or Unbalanced

و  $S_2 = 9604.7[\text{VA}]$ .



الشكل 10: الموجة اللحظية أ: الجهد في النقطة TP1 ب: شدة التيار

ج: للجهد في النقطة TP2.

على اساس هذه المنحنيات وعلى تحليل فورييه لها تم تعيين القدرات الآتية حسب التعريفات المرفقة بالجدول (2).

جدول 2: مقارنة لقيم القدرات حسب مقترحها في النقاط TP1 ، TP2 .

رقم	القدرة الغير فعالة حسب المقترح	حسب نقطة القياس [kVAr]
		TP2 TP1
1	Illović 1st pro.: $Q_{IC} = \sum n V_n I_n \sin(\varphi_n)$	9.26 9.98
2	Illović 2nd pro.: $Q_{IL} = \sum \frac{1}{n} V_n I_n \sin(\varphi_n)$	3.44 9.98
3	Budeanu: $Q_B = \sum V_n I_n \sin(\varphi_n)$	4.59 9.98
	$D = \sqrt{S^2 - Q_B^2 - P^2}$	3.44 5.23
4	Fryze: $Q_F = V I_{NF} = \sqrt{S^2 - P^2}$	5.74 11.25
5	Kimbark: $Q_k = V_1 I_1 \sin(\varphi_1) = Q_1$	2.93 9.98
6	Shepherd-Zakikhani: $Q_{Szs} = V \sqrt{\sum I_n^2 \sin^2(\varphi_n)}$	4.69 10.87

من الحسابات نلاحظ وجود اختلاف كبير بين القيم وعدم وجود نمطية أو مرجعية معينة يمكن الإستناد عليها، وبالتالي فهذه القراءات عديمة الفائدة. يمكن مبدئياً بشكل تقريبي أخذ قدرة كيمبارك {5} كمرجعية لأنها تتعامل مع المركبة الأساسية، ولكن حتى في حالتها نجد أن هناك فرق بين القدرة الردية في نقطة القياس الأولى والثانية، مما يعني أنها لا تعطي قياساً للقدرة الردية (الحثية) بل تتأثر بعدم الخطية. القدرة الوحيدة {1} هي التي حافظت تقريباً على القيمة قبل وبعد العنصر اللاخطي والفرق قد يكون حسابياً.

تساوي القدرة في نقطة الإختبار الأولى TP1 بين القدرات {1، 2، 3، 5} في النقطة TP1 سببه أن موجة الجهد تملك توافقية واحدة  $n=1$  وبالتالي فكل المركبات تساوي صفر، مما جعلها تساوي قدرة كيمبارك بعد وضع  $n=1$ . في النقطة TP2 لدينا جزء خطي (دائرة خطية) تتغذى بموجة جهدية مشوهة، كان من المفترض أن يكون التباين أقل، ولكن حدث عكس ذلك تماماً، أي عدم تطابق بين أي قدرتين مما يقدم السؤال أي هذه القدرات أقرب للصواب ولماذا؟.

### الخاتمة

في هذه الورقة البحثية المرجعية تم تقديم مسح ملخص لنظريات القدرة لمحطات مختارة من عشرينيات القرن الماضي إلى منتصف الثمانينات وكذلك أحدث تنميط ل IEEE في هذا النطاق (يمكن الرجوع للدراسة النقدية [15] بخصوص هذا النمط). تم ذكر المتفق عليه حتى تكون هناك رؤية عملية



- Conditions.[https://edisciplinas.usp.br/pluginfile.php/1589271/mod\\_resource/content/1/IEEE%20Std%201459-2010.pdf](https://edisciplinas.usp.br/pluginfile.php/1589271/mod_resource/content/1/IEEE%20Std%201459-2010.pdf)
- [10]- L. S. Czarnecki, 1987, What is wrong with Budeanu concept of reactive power and distortion powers and why it should be abandoned, IEEE Trans. IM, Vol. 36, no. 3, 834-837.
- [11]- L. S. Czarnecki, 1984, Budeanu and Fryze: Two frameworks for interpreting power properties of circuits with nonsinusoidal voltages and currents, Archiv fur Elektrot. (81), No. 2, 5-15.
- [12]- W. Shepherd, P. Zakikhani, 1972, Suggested definition of reactive power for nonsinusoidal systems, Proc. IEE, Vol. 119, No. 9, 1361-1362.
- [13]- L. S. Czarnecki, 2005, Moce w obwodach elektrycznych z niesinusoidalnymi przebiegami prądów i napięć, Warszawa – Poland, Oficyna Wydawnicza Politechniki Warszawskiej.
- [14]- Kusters N. L., Moore W. J. M.: On the definition of reactive power under non-sinusoidal conditions. IEEE Trans. On Power Appl. systems. 1980.
- [15]- L. S. Czarnecki, 1984, “Considerations on the reactive power in nonsinusoidal situations”, IEEE Trans. Instr. Measur., Vol. IM-34, 399-404.
- [16]- Harold Kirkham; Alexander Emanuel; Mihaela Albu; David Lavery, 2019, “Resolving the reactive power question”, IEEE International Instrumentation and Measurement Technology Conference (I2MTC)
- [17]- Leszek S. Czarnecki, 2021, Do Energy Oscillations Degrade Energy Transfer in Electrical Systems?, IEEE Transactions on Industry Applications, Volume: 57.