



## المفاضلة بين نموذج الانحدار الخطي البسيط ونموذج الانحدار الذاتي للفجوات الزمنية الموزعة في تحليل أثر الأمية على الفقر في الجمهورية اليمنية

فاطمة محمد علي الصمدي

جامعة أبين ، اليمن

### الكلمات المفتاحية:

الفقر  
الأمية  
نموذج الانحدار الخطي البسيط  
نموذج الانحدار الذاتي للفترات الزمنية  
الموزعة (ARDL)  
مقاييس دقة التنبؤ  
المشاكل القياسية

### الملخص

التحليل هدفت هذه الدراسة إلى تحليل أثر الأمية على الفقر في الجمهورية اليمنية خلال الفترة الزمنية (1996-2014). من خلال التحليل الوصفي وباستخدام أسلوبي نموذج الانحدار الخطي البسيط ونموذج الانحدار الذاتي للفترات الزمنية الموزعة (ARDL)، وتمت مفاضلة النموذجين باستخدام معايير دقة التنبؤ RMSE, MAPE, MSE، وتوصلت الدراسة إلى أن نموذج الانحدار الذاتي للفترات الزمنية الموزعة أفضل من نموذج الانحدار الخطي البسيط في تقدير العلاقة بين متغيري الدراسة، بالإضافة إلى خلو نموذج (ARDL) من المشاكل القياسية والمتمثلة في مشكلة الارتباط الذاتي ومشكلة عدم ثبات التباين والتوزيع الطبيعي.

## The Comparison between the Simple Linear the Regression and Autoregressive distributed Lag Model in Analyze the Impact of Illiteracy on Poverty in the Republic of Yemen

Fatima Mohammed Ali Al-Samadi

Abyan University, Yemen

### Keywords:

Poverty  
Illiteracy  
Simple linear regression model  
autoregressive distributed lag  
model (ARDL)  
Measures forecast accuracy  
Standard problems.

### ABSTRACT

This study aimed to analyze the impact of illiteracy on poverty in the Republic of Yemen during the time period (1996-2014). Through descriptive analysis and using two methods simple linear regression model and autoregressive distributed lag model (ARDL), and the two models were compared using measuring forecast accuracy RMSE, MSE, MAPE, the study reached the autoregressive distributed lag model is better than the simple linear regression model in estimating the relationship between the two study variables, in addition to the fact that the (ARDL) model is free of the standard problems represented in the problem of autocorrelation, the problem of instability of variance and the normal distribution.

### 1. المقدمة

التطور الاقتصادي والاجتماعي، وعدم تحقيق التنمية الشاملة والمستدامة في أي مجتمع، لأن التعليم أصبح في الوقت الحاضر حقاً طبيعياً تكفله الدساتير وتقره العقيدة الإسلامية السمحاء، وينبغي على الدولة توفيره لكل أفراد المجتمع لما له من أهمية كبيرة للقضاء على الفقر وتحسين مستوى معيشة السكان [14]. ولذلك تقوم هذه الدراسة لمعرفة أثر الفقر كمتغير تابع على الأمية كمتغير مستغل في الجمهورية اليمنية خلال الفترة من 1996-2014م باستخدام أسلوبي نموذج الانحدار الخطي البسيط ونموذج الانحدار الذاتي

تعد ظاهرة الفقر ، ظاهرة مهمة في تحديد الملامح العامة لأي اقتصاد من اقتصاديات الدول، فهي ظاهرة لا تخلو أي دولة منها كانت متقدمة أو متخلفة، إضافة إلى أن كل الاديان تطرقت لها وخاصة الدين الإسلامي من حيث واجب الاغنياء تجاه الفقراء، ووضع الحلول اللازمة، إلا ان الاختلاف يكمن في درجة التفاوت من حيث النسبة الموجودة، إذ هناك فجوة كبيرة بين أعداد في الدول المتقدمة (الغنية) عنه في الدول المتخلفة (الفقيرة). [13]  
وتعد الأمية من أسباب الرئيسة لعدم تأهيل العنصر البشري وتدهور

\*Corresponding author:

E-mail addresses: [fatimamohammed3421@gmail.com](mailto:fatimamohammed3421@gmail.com)

في التعليم الثانوي وعدد المسجلين في التعليم العالي والفقير مقاسا بنصيب الفرد من نفقات الاستهلاك النهائي للأسر المعيشية في الجزائر خلال الفترة 1980-2016 باستخدام نموذج الانحدار الذاتي للإبطاء الموزع. ARDL. وتوصلت الدراسة إلى وجود علاقة طويلة المدى بين المتغيرات، وأظهرت أيضا أن لتطور عدد المسجلين في التعليم الابتدائي وتطور عدد المسجلين في التعليم الثانوي أثر عكسي ومعنوي على نصيب الفرد من نفقات الاستهلاك النهائي للأسر المعيشية في المدى الطويل، على عكس عدد المسجلين في التعليم العالي الذي كان له أثر طردي ومعنوي [10].

2- دراسة (مزوري الطيب، ملال أحمد، 2021) بعنوان تقدير العلاقة بين الفقر والفساد في الجزائر، حيث هدفت الدراسة إلى تقدير العلاقة بين الفساد ومستوى الفقر في دولة الجزائر للفترة 2003 - 2018 هذا باستخدام نموذج الانحدار الذاتي للفجوات الزمنية الموزعة المتباطئة (ARDL) وقد أظهرت نتائج الدراسة أن للفساد تأثير خطير وضار على رفاهية المواطنين من خلال تقليل نفقات الخدمات الاجتماعية. ومن ناحية أخرى، تم التوصل إلى أن للفساد تأثير مباشر على الفقر لأن الأنشطة الفاسدة لها تأثير على حرمان الفقراء من الموارد المالية والموارد التي كان من الممكن استخدامها لتحسين حياتهم من خلال توفير مرافق صحية وتعليمية [17].

3- دراسة (باعشن، هدى، 2017) بعنوان النمذجة القياسية للفقر متعدد الأبعاد، هدفت الدراسة إلى بناء نموذج قياسي لقياس أثر المتغيرات الاقتصادية والاجتماعية على نسبة الفقر في الجمهورية اليمنية خلال الفترة 1998-2014م باستخدام الانحدار الخطي المتعدد، وتوصلت الدراسة إلى وجود علاقة عكسية بين الفقر المتعدد الأبعاد و(نسبة الالتحاق بالمدارس، معدل وفيات الأطفال، سوء التغذية، نسبة الأمية، نسبة السكان الذين لا يحصلون على كهرباء، نسبة السكان الذين لا يحصلون على صرف صحي، نسبة السكان الذين لا يحصلون على ملكية الأصول، نسبة السكان الذين لا يحصلون على وقود الطبخ) [9].

#### 7. الإطار النظري للبحث

##### 1. الإطار النظري لنموذج الانحدار الخطي البسيط 1.1. الانحدار الخطي البسيط : المفهوم والصياغة :

الانحدار الخطي البسيط من المواضيع المهمة التي تدرس في مناهج مبادئ الإحصاء ، وأول من أشار إلى مصطلح الانحدار regression هو العالم الانكليزي كالتون في مقالة نشرها أواخر القرن التاسع عشر [18,22]، ودراسة كالتون كانت لمعرفة العلاقة بين أطوال الأبناء مع أطوال الإباء واستخدم كالتون مصطلح الانحدار للإشارة إلى اتجاه الأطوال نحو المتوسط العام . ويعرف تحليل الانحدار بأنه طريقة إحصائية تستخدم لتحليل العلاقة بين متغير مستقل واحد أو أكثر independent ومتغير تابع dependent . [1, 5]

##### 2.1. كتابة النموذج الخطي والفرضيات الأساسية:

تتكون معادلة الانحدار الخطي البسيط من متغيرين، احدهما متغير مستقل  $x$  والآخر هو المتغير التابع  $y$  وتتخذ المعادلة الصيغة الآتي [11,19]:

#### للفجوات الزمنية الموزعة ARDL.

##### 2. مشكلة الدراسة

توجد العديد من العوامل التي تؤدي إلى الفقر وتعد الأمية أحد هذه العوامل الهامة التي تؤثر على الفقر كما أن استخدام نموذج الانحدار الخطي البسيط لا يوضح التأثير الحقيقي لمتغيرات الدراسة لذلك تكمن مشكلة الدراسة في التساؤل الآتي:

هل يوجد اختلاف بين نموذج الانحدار الخطي البسيط ونموذج الانحدار الذاتي للفجوات الزمنية الموزعة (ARDL) في تقدير العلاقة بين متغيري الدراسة؟

##### 3. أهداف الدراسة

يهدف البحث إلى الآتي:

- 1- معرفة تطور نسبي الفقر والامية في الجمهورية اليمنية من خلال استخدام اسلوب التحليل الوصفي.
- 2- المقارنة بين نمودجي الانحدار الخطي البسيط ونمودج ARDL في تقدير العلاقة بين الفقر والامية.
- 3- قياس تأثير العلاقة بين نسبة الفقر ونسبة الامية في الجمهورية اليمنية من خلال استخدام نموذج ARDL.
- 4- الكشف عن مشاكل نموذج الانحدار الخطي البسيط المقدر والمتمثلة في عدم التوزيع الطبيعي ومشكلة الارتباط الذاتي ومشكلة عدم ثبات التباين وطرق معالجتها.
4. فرضيات الدراسة

- 1- لا يوجد فروق ذات دلالة إحصائية في تقدير العلاقة بين الفقر والامية وفقا لنموذج الانحدار الخطي البسيط ونموذج الانحدار الذاتي للفجوات الزمنية الموزعة .
- 2- لا يعاني النموذج المقدر للعلاقة بين نسبة الفقر ونسبة الامية من مشكلة عدم التوزيع الطبيعي للخطأ العشوائي عند مستوى معنوية 0.05
- 3- لا يعاني النموذج المقدر للعلاقة بين نسبة الفقر ونسبة الامية من مشكلة الارتباط الذاتي عند مستوى معنوية 0.05
- 4- لا يعاني النموذج المقدر للعلاقة بين نسبة الفقر ونسبة الامية من مشكلة عدم ثبات تباين حد الخطأ العشوائي عند مستوى معنوية 0.05
5. منهجية الدراسة

اعتمدت الدراسة على المنهج الوصفي التحليلي والقياسي في العلاقة بين الفقر والامية وتطورها خلال فترة البحث. كما تم استخدام أسلوب الانحدار الخطي البسيط و نموذج ARDL لتقدير العلاقة بين متغيري الدراسة.

##### 6. الدراسات السابقة

- 1- دراسة (سبكين وفاء 2019) الموسومة بعنوان أثر التعليم على الفقر في الجزائر خلال الفترة (1980-2016) باستخدام منهجية ARDL، حيث هدفت هذه الدراسة إلى اختبار العلاقة القصيرة والطويلة الأجل بين التعليم مقاسا بكل من عدد المسجلين في التعليم الابتدائي، عدد المسجلين

أن نموذج ARDL يقيس قدرة النموذج في العودة الى التوازن بعد حدوث خلل أو اضطراب نتيجة لأمر طارئ لوجود نموذج تصحيح الخطأ Error Correction Model (ECM) أن النموذج المقدر المتحصل عليه من نموذج ARDL كفو وغير متحيز، لان منهجية ARDL تعمل على إزالة المشاكل المتعلقة بالارتباط الذاتي. يمكن تطبيق منهجية ARDL على العينات الكبيرة و العينات الصغيرة في الحجم .

لقد قام كلا من Pesaran (1997) و Al et و Sun and Shinand (1998) و Pesaran (2001)، حيث أن هذه النماذج تمزج بين نموذج (AR) ونموذج الإبطاء الموزع المحدود حيث أن هذا الاختبار لا يتطلب أن تكون السلاسل الزمنية متكاملة من نفس الدرجة، ويمكن تطبيق ARDL بغض النظر عن خصائص السلاسل الزمنية ما إذا كانت مستقرة عند مستويات أو متكاملة من الدرجة الأولى أو خليط من الاثنين ولكن يجب ألا تكون السلاسل الزمنية متكاملة من الدرجة الثانية لاختبار مدى تحقق علاقة التكامل المشترك بين المتغيرات في إطار نموذج (UECM) يقدم كلا من Al et و Pesaran (2001) منهجا حديثا لاختبار مدى تحقق العلاقة التوازنية بين المتغيرات في ظل نموذج تصحيح الخطأ غير المقيد ، وتعرف هذه الطريقة باختبار الحدود، حيث يأخذ النموذج الذي لدينا الصيغة التالية :

$$\Delta y_t = c + \sum_{i=1}^p \gamma_1 \Delta y_{t-i} + \sum_{i=1}^q \gamma_2 \Delta x_{t-i} + \beta_1 x_{t-i} + \beta_2 y_{t-1} + \varepsilon_t$$

حيث تكون معلمة المتغير التابع المبطن لفترة واحدة على يسار المعادلة  $\beta$ : تمثل معلمات علاقة المدى الطويل.

$\gamma$ : تعبر عن معلمات الفروق الأولى (معلمات الفترة القصيرة).  
c: تشير إلى الجزء المقطوع.

$\varepsilon_t$ : تمثل أخطاء الحد العشوائي على التوالي يتضمن اختبار نموذج ARDL في الأول اختبار وجود علاقة توازنية طويلة الأجل بين متغيرات النموذج، وإذا تأكدنا من وجود هذه العلاقة ننتقل إلى معلمات الأجل الطويل وكذا معلمات المتغيرات المستقلة في الأجل القصير ، ولأجل ذلك نقوم بحساب إحصائية F من خلال اختبار والد حيث يتم اختبار فرضية عدم القائلة بعدم وجود تكامل مشترك بين متغيرات النموذج يعني غياب علاقة توازنية في المدى الطويل:

$$H_0 : \beta_1 = \beta_2 = 0$$

مقابل الفرضية البديلة التي تعني وجود تكامل مشترك في أجل الطويل بين مستوى متغيرات النموذج:

$$H_1 : \beta_1 \neq \beta_2 \neq 0$$

بعد القيام باختبار والد نقوم بمقارنة إحصائية مع القيم الجدولية التي وضعها كل من Al et و Pesaran (2001) حيث نجد بهذه الجداول (1,2,3) قيم حرجة للحدود العليا والحدود الدنيا عند حدود معنوية مبينة لاختبار إمكانية وجود علاقة تكامل مشترك بين متغيرات الدراسة، ويفرق Pesaran بين المتغيرات المتكاملة عند فروقها الأولى والمتغيرات المتكاملة عند مستواها. فإذا وجدنا أن قيمة F المحسوبة أكبر من الحد الأعلى المقترح للقيم الحرجة، فإننا نرفض فرضية عدم أي نقبل الفرضية البديلة التي تعني وجود علاقة توازنية طويلة الأجل، أما إذا كانت القيمة المحسوبة أقل من الحد الأدنى للقيم الحرجة، فإننا نقبل فرضية عدم وبالتالي غياب علاقة التوازنية في الأجل

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i \quad i=1,2,\dots,n \quad (1)$$

حيث:

$Y_i$ : يسمى بالمتغير المفسر التابع .

$X_i$ : يسمى بالمتغير المستقل.

$\beta_0, \beta_1$ : ثوابت تسمى معلمات الانحدار . regression parameters

$\beta_0$ : نقطة تقاطع الخط الانحدار بالمحور Y .

$\beta_1$ : معامل انحدار Y على X أو الميل . slope

$\varepsilon_i$ : الخطأ العشوائي في تفسير  $Y_i$  ومنه يمكن كتابته انطلاقا من العلاقة

$$\varepsilon_i = Y_i - \beta_0 - \beta_1 X_i \quad (2)$$

3.1. فرضيات النموذج [2,8,15]

الفرضية الأولى: التوقع الرياضي للأخطاء معدوم  $E(\varepsilon_i) = 0$  وتعني هذه الفرضية أن الأخطاء لا تدخل في تفسير حدود عشوائية تأخذ قيما سالبة، موجبة أو معدومة لا يمكن قياسها أو تحديدها بدقة، وتخضع لقوانين الاحتمال، بحيث يكون وسطها أو توقعها الرياضي مساويا للصفر:

$$E(\varepsilon_i) = 0, \forall i = 1, 2, \dots, n \quad (3)$$

الفرضية الثانية: تجانس (ثبات) تباين الأخطاء: Homoscedasticity وهو ما يعني أن تشتتها حول المتوسط ثابت، ونعبر عنها رياضيا بالكتابة:

$$\text{var}(\varepsilon_i) = E(\varepsilon_i^2) = \sigma^2, \forall i = 1, 2, \dots, n \quad (4)$$

الفرضية الثالثة: عدم وجود ارتباط ذاتي بين الأخطاء: بمعنى أن التباينات المشتركة لأخطاء الملاحظات المختلفة تكون معدومة، وهذا على مختلف مشاهدات مكونات العينة، ونعبر عنها رياضيا كما يلي:

$$\text{cov}(\varepsilon_i, \varepsilon_j) = E(\varepsilon_i \varepsilon_j) = 0, \forall i \neq j \quad (5)$$

الفرضية الرابعة: تتعلق بقيم المتغير المستقل  $X_i$  تتمثل في أن المعطيات،  $X_i$  التي جمعت بالنسبة لهذا المتغير قادرة على إظهار تأثيرها في تغير المتغير التابع  $Y_i$ ، بحيث تكون قيمة واحدة على الأقل مختلفة عن بقية القيم، أي أن الأخطاء تكون مستقلة عن  $X_i$

$$\text{cov}(X_i, \varepsilon_i) = 0, \forall i = 1, 2, \dots, n \quad (6)$$

2. الإطار النظري لنموذج ARDL [4,6]

هو نموذج ديناميكي يستعين باختبار الحدود كمقاربة بديلة للتكامل المشترك (في وجود شعاع تكامل واحد .متغير تابع واحد). من فوائده انه يفسر المتغير التابع بناء على القيم السابقة له والقيم السابقة للمتغيرات المستقلة. أو ما تسمى بمنهجية اختبار الحدود للتكامل المشترك (Bounds Test) والتي أقرحها هاشم باسران (Pesaran) وآخرون. حيث دمج (Pesaran) نماذج الانحدار الذاتي (regressive Model Auto) ونماذج فترات الإبطاء الموزعة (Distributed Lag) لتكوين منهجية ARDL للتكامل المشترك بحيث تكون السلسلة الزمنية دالة في إبطاء قيمها .

ومن مميزات منهجية ARDL على غيرها من طرق التكامل الأخرى ما يلي:

يمكن تطبيق ARDL بغض النظر عن خصائص السلاسل الزمنية ما إذا كانت مستقرة عند مستويات (I(0)) أو متكاملة من الدرجة الأولى (I(1)) أو خليط من الاثنين ولكن يجب ألا تكون السلاسل الزمنية متكاملة من الدرجة الثانية (I(2)) أو رتب أن منهجية ARDL تحدد العلاقة التكاملية للمتغير التابع مع المتغيرات المستقلة المدى القصير والطول.

الانحدار، هو استقلال القيمة المقدرة لحد الخطأ في فترة زمنية معينة عن

القيمة المقدرة لحد الخطأ في فترة زمنية سابقة لها. أي:

$$Cov(\varepsilon_i, \varepsilon_j) = 0, \quad \forall i \neq j$$

وإذا تم إسقاط هذا الافتراض فإن ذلك يدل على وجود ما يسمى بالارتباط الذاتي.

### 3- مشكلة عدم ثبات تباين حد الخطأ

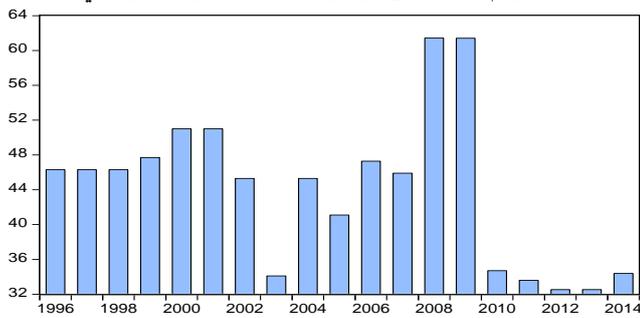
تنتج هذه المشكلة نتيجة إلى مخالفة فرضية ثبات تباين المتغير العشوائي في المجتمع الإحصائي والذي بدوره يؤثر على الخصائص الإحصائية لتقديرات معاملات الانحدار، وأن هذه المشكلة تحدث دائماً للبيانات المأخوذة في نقطة زمنية محددة أي البيانات المقطعية.

#### 8. النتائج والمناقشة

##### 1. التعريف بالمتغيرات

##### 1.1. المتغير المستقل: نسبة الامية

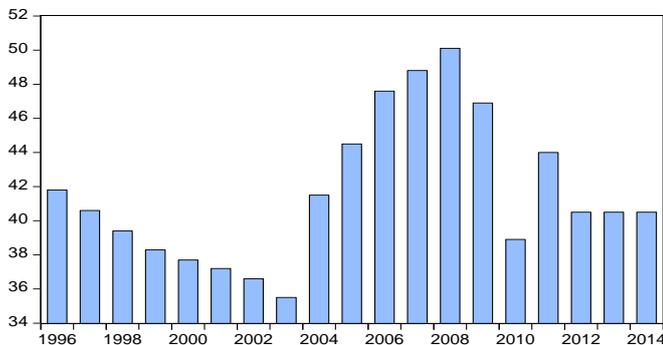
يعرف الأمي بأنه الشخص (ذكراً كان أو أنثى) الذي يبلغ من العمر عشر سنوات أو أكثر ولا يستطيع كتابة وقراءة بيان مبسط عن حياته اليومية [3,9]، والشكل رقم (1) يعكس مؤشر نسبة الامية على النحو الآتي:



شكل رقم (1): تطور نسبة الامية في الجمهورية اليمنية

##### 2.1. المتغير التابع: الفقر

يعرف الفقر بأنه مشكلة اقتصادية عالمية ذات ابعاد وامتدادات اجتماعية متعددة، وهي ظاهرة يكاد لا يخلو منها اي مجتمع، مع التفاوت في حجمها والاثار المترتبة عليها [7,12].



شكل رقم (2): تطور تقديرات نسبة الفقر في الجمهورية اليمنية

##### 2. تقدير نموذج الانحدار الخطي البسيط

في هذا الجزء تم تقدير العلاقة بين الفقر كمتغير تابع ونسبة الامية كمتغير مستقل وكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

الطويل.

3. معايير دقة التنبؤ [16,20,21]

1- متوسط مربعات الخطأ. (MSE) Mean Square Error

يعد هذا المقياس شائع الاستخدام لقياس دقة ملاءمة قيم السلاسل الزمنية لإمكانية مقارنته للعديد من النماذج حيث يستخدم عدد القيم المتنبأ بها كمقام للمعادلة بغض النظر عن النموذج المستخدم، والصيغة الخاصة بحساب هذا المعيار هي:

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (Y_t - \hat{Y}_t)^2 = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n e_t^2$$

حيث:

$e_t = (Y_t - \hat{Y}_t)$ : يمثل الخطأ أو البواقي. Residuals.

n: حجم العينة (عدد بيانات السلسلة).

$Y_t$ : القيم الفعلية للظاهرة.

$\hat{Y}_t$ : القيم المقدرة للظاهرة.

2- الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الخطأ Root Mean Square Error (RMSE)

يقيس (RMSE) جذر متوسط مربعات الخطأ وذلك عن طريق أخذ الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الخطأ (MSE) والذي يعطى من العلاقة التالية:

$$RMSE = \sqrt{MSE} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (Y_t - \hat{Y}_t)^2} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n e_t^2}$$

3- متوسط الأخطاء النسبية المطلقة Mean Absolute Percentage Error (MAPE)

يعرف هذا المقياس أيضاً باسم متوسط الانحرافات النسبية المطلقة (MAPD)، حيث يتم حساب مجموع متوسط كل قيمة مطلقة مقدرة إلى القيمة الفعلية، ويتم قسمة المجموع على عدد بيانات الظاهرة أو السلسلة. والنموذج الذي يعطى أقل نسبة مطلقة للأخطاء (MAPE) هو الأفضل، وعادة ما تعبر الدقة كنسبة مئوية، وبحسب بالصيغة الآتية.

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \left| \frac{Y_t - \hat{Y}_t}{Y_t} \right| \times 100 = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \left| \frac{e_t}{Y_t} \right| \times 100$$

وتجدر الإشارة إلى أن المقارنة تتم بين كل النماذج على كل مقياس من هذه المقاييس، والنموذج الذي يأخذ أقل القيم على هذه المقاييس يعتبر هو النموذج الأكثر اتفاقاً من بيانات السلسلة والذي سيتم اعتماده.

4. المشاكل القياسية [9,15]

1- عدم التوزيع الطبيعي للأخطاء

من أجل التأكد من أن البواقي تتبع التوزيع الطبيعي يمكن الاستعانة باختبار Jarque-Bera فإذا كانت القيمة الاحتمالية أقل من مستوى المعنوية المعتمد دل ذلك على قبول  $H_1$  أي أن الأخطاء لا تتبع التوزيع الطبيعي والعكس بالعكس.

2- مشكلة الارتباط الذاتي بين الأخطاء

من بين الافتراضات الكلاسيكية التي وضعناها من قبل لتقدير معالم نموذج

جدول (1): نتائج تقدير نموذج الانحدار البسيط بين الفقر ونسبة الامية

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
x	0.197280	0.106609	1.850499	0.0817
C	32.92357	4.791618	6.871077	0.0000
R-squared	0.167660	Mean dependent var		41.62632
Adjusted R-squared	0.118699	S.D. dependent var		4.261043
S.E. of regression	4.000167	Akaike info criterion		5.709850
Sum squared resid	272.0227	Schwarz criterion		5.809265
Log likelihood	-52.24357	Hannan-Quinn criter.		5.726675
F-statistic	3.424347	Durbin-Watson stat		0.378028
Prob(F-statistic)	0.081699			

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيز

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيز  
تم استخدام اختبار ديكي-فولر المطور لجذر الوحدة (ADF) وكانت النتائج كما في الجدول أعلاه، حيث نلاحظ من اختبار ديكي-فولر المطور ADF أن السلاسل الزمنية غير مستقرة في المستوى، ولكنها مستقرة عند الفرق الأول، وهذا يعني أن السلاسل الزمنية مستقرة.

2.3. تقدير النموذج ARDL:

في هذا الجزء استخدام نموذج ARDL لتقدير العلاقة بين الفقر كمتغير تابع ونسبة الامية كمتغير مستقل وكانت النتائج كما في الجدول الاتي:

3. تقدير نموذج الانحدار الذاتي للفجوات الزمنية الموزعة ARDL

1.3. دراسة الاستقرار

للتأكد من استقرار السلسلة الزمنية تم استخدام اختبار ديكي فولر المطور ADF ، وكانت النتائج كما في الجدول التالي:

جدول (2): نتائج اختبار الاستقرار

المتغير	ADF	
	المستوى	الفرق الأول
Y	-1.615941	-3.916193
	0.7453	0.0349
X	-2.406797	-4.195353
	0.3640	0.0213

جدول رقم (3): نتائج تقدير نموذج ARDL

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.*
Y(-1)	0.752447	0.303427	2.479834	0.0478
Y(-2)	0.554897	0.432660	1.282525	0.2470
Y(-3)	-0.299500	0.278222	-1.076477	0.3231
Y(-4)	-0.430655	0.217425	-1.980706	0.0949
X	0.141437	0.074817	1.890440	0.1076
X(-1)	-0.318266	0.095119	-3.345980	0.0155
X(-2)	0.002342	0.146649	0.015973	0.9878
X(-3)	0.202724	0.133662	1.516694	0.1801
C	16.29360	7.632709	2.134707	0.0767
R-squared	0.914984	Mean dependent var		42.05333
Adjusted R-squared	0.801629	S.D. dependent var		4.682622
S.E. of regression	2.085588	Akaike info criterion		4.591688
Sum squared resid	26.09807	Schwarz criterion		5.016518
Log likelihood	-25.43766	Hannan-Quinn criter.		4.587163
F-statistic	8.071841	Durbin-Watson stat		2.103856
Prob(F-statistic)	0.010095			

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيز

4

. المفاضلة بين النموذجين

من خلال الجدول اعلاه، باستخدام معايير المقارنة المتمثلة في جذر متوسط مربعات الخطأ (RMSE)، ومتوسط مربعات الخطأ (MSE)، ومتوسط الأخطاء النسبية المطلقة (MAPE)، نلاحظ أن هناك تباعد في معايير دقة التنبؤ للنماذج المقدره، وهذا دليل على كفاءة نموذج ARDL في التنبؤ، أي نموذج ARDL أفضل من نموذج الانحدار الخطي البسيط. ويمكن كتابة معادلة الانحدار لنموذج ARDL كالآتي:

$$Y = 0.752447395618*Y(-1) + 0.554897154092*Y(-2) - 0.299499871722*Y(-3) - 0.43065474856*Y(-4) + 0.141436767099*X - 0.318265647348*X(-1) + 0.00234241703515*X(-2) + 0.202724251787*X(-3) + 16.2935$$

5. اختبار جدودة توفيق النموذج

في هذا الجزء سيتم المقارنة بين نموذج الانحدار الخطي البسيط و نموذج ARDL، وفقاً لمعايير دقة التنبؤ RMSE، MSE، MAPE، حيث أن أقل قيمة لهذه المعايير تعني الأفضلية للنموذج، وكانت أهم النتائج كما هي موضحة في الجدول.

جدول (4): نتائج معايير المقارنة

المتغير	ADF	
	الاردي	البسيط
RMSE	1.792415	3.783779
MSE	3.21275	14.31698
MAPE	3.623328	7.636046

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيز

## 1- اختبار التوزيع الطبيعي للأخطاء

يعاني النموذج من مشكلة ثبات تباين حد الخطأ: H1:

وكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

Heteroskedasticity Test: Breusch-Pagan-Godfrey			
F-statistic	0.355461	Prob. F(8,6)	0.9111
Obs*R-squared	4.823251	Prob. Chi-Square(8)	0.7763
Scaled explained SS	1.411197	Prob. Chi-Square(8)	0.9941

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيزور

يتضح من الجدول اعلاه رقم (6) ان النموذج لا يعاني من مشكلة عدم ثبات تباين حد الخطأ حيث بلغت إحصاءه  $F = 0.355461$  وبمستوى معنوية 0.9111 اكبر من المستوى المعتمد في المقارنة 0.05 وعليه نقبل فرضية عدم التي تنص: لا يعاني النموذج المقدر من مشكلة عدم ثبات التباين ونرفض الفرض البديل

وبناء على ما سبق:

نقبل فرضية عدم التي تنص: لا يعاني النموذج المقدر للعلاقة بين الامية والفقير من وجود مشكلة عدم التوزيع الطبيعي للأخطاء عند مستوى معنوية 0.05.

كما نقبل فرضية عدم التي تنص: لا يعاني النموذج المقدر للعلاقة بين الامية والفقير على وجود مشكلة ارتباط ذاتي عند مستوى معنوية 0.05.

كما نقبل فرضية عدم التي تنص: لا يعاني النموذج المقدر للعلاقة بين الامية والفقير على وجود مشكلة عدم ثبات التباين عند مستوى معنوية 0.05.

## جدول(8): نتائج اختبار الحدود

Test Statistic	Value	k
F-statistic	13.308594	1
Critical Value Bounds		
Significance	I0 Bound	I1 Bound
10%	4.04	4.78
5%	4.94	5.73
2.5%	5.77	6.68
1%	6.84	7.84

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيزور

من الجدول اعلاه يتضح أن قيمة F – Statistics = 13.308594 أكبر من Upper bound فإنه نرفض فرض عدم القائل بعدم وجود علاقة طويلة الأجل بين المتغير التابع الفقر (Y) والمتغير المستقل الأمية (X) عند 0.05 و نقبل الفرض البديل القائل بوجود علاقة طويلة الأجل بين متغيري الدراسة عند المستوى المعتمد.

9. النتائج والتوصيات

أهم النتائج:

1- نموذج ARDL افضل من نموذج الانحدار الخطي البسيط في تقدير العلاقة القياسية بين الفقر والأمية.

2- وجود علاقة ارتباط قوية ، بين نسبة الفقر والأمية في الجمهورية اليمنية خلال الفترة من (1996-2014) ، حيث بلغت 95% وهي ذات دلالة

احصائية عند مستوى معنوية 0.05

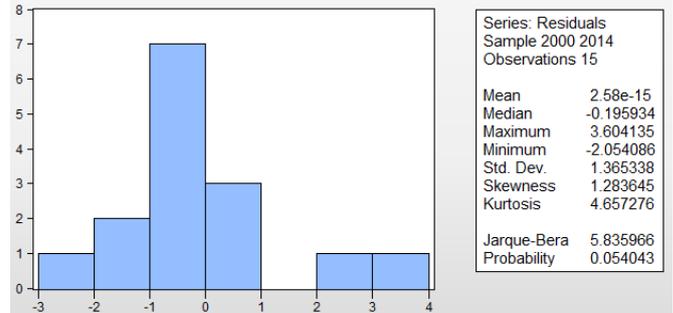
في هذا الجزء يمكن استخدام اختبار Bera -Jarque للكشف عن التوزيع الطبيعي للأخطاء ومن خلال اختبار الفرضيات الاتية:

Ho: p=0 الاخطاء تتوزع توزيع طبيعي

H1: p=0 الاخطاء لا تتوزع توزيعا طبيعيا

كانت النتائج كما في الجدول الآتي:

## جدول رقم (5): نتائج اختبار التوزيع الطبيعي للأخطاء



المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيزور

يتضح من الجدول اعلاه، ان النموذج لا يعاني من مشكلة عدم التوزيع الطبيعي للأخطاء حيث بلغت إحصاءه اختبار Jarque-Bera (5.8) وبمستوى معنوية 0.054 اكبر من المستوى المعتمد في المقارنة 0.05 وعليه نقبل فرضية عدم التي تنص: البيانات تتوزع توزيعا طبيعيا.

## 2- مشكلة الارتباط الذاتي

من اجل الكشف عن مشكلة الارتباط الذاتي للنموذج المقدر في الجدول رقم (3) يمكن استخدام الطريقة الثانية وهي اختبار ديرين واتسون DW حيث بلغت قيمته لنموذج المقدر 2.103856 وهي اكبر من المستوى المعتمد في المقارنة 1.3 مما يدل ان النموذج لا يعاني من مشكلة الارتباط الذاتي موجب بالإضافة الى استخدام اختبار الارتباط التسلسلي للكشف عن مشكلة الارتباط الذاتي من خلال اختبار الفرضيات الاتية:

Ho: p=0 لا يعاني النموذج من مشكلة الارتباط الذاتي

H1: p=0 يعاني النموذج من مشكلة الارتباط الذاتي

وكانت النتائج كما في الجدول الآتي

## جدول(6): نتائج اختبار الارتباط الذاتي

Breusch-Godfrey Serial Correlation LM Test:			
F-statistic	1.50317	Prob. F(2,4)	0.3259
	3		
Obs*R-squared	6.43633	Prob. Chi-Square(2)	0.0400
	4		

المصدر: إعداد الباحثة بالاعتماد على برنامج افيزور

يتضح من الجدول اعلاه، ان النموذج لا يعاني من مشكلة الارتباط الذاتي حيث بلغت إحصاءه LM Test = 1.503173 وبمستوى معنوية 0.3259 أكبر من 0.05 وعليه نقبل فرض عدم ونرفض الفرض البديل اي ان النموذج لا يعاني من مشكلة الارتباط الذاتي.

## 3- الكشف عن عدم ثبات التباين حد الخطأ

في هذا الجزء تم استخدام اختبار Breusch-Pagan-Godfrey للكشف عن ثبات حد الخطأ ومن خلال اختبار الفرضيات التالية:

Ho: لا يعاني النموذج من مشكلة عدم ثبات تباين حد الخطأ:

- 3- تؤثر الامية على الفقر بنسبة (0.91) اما نسبة 0.09 تعود الى عوامل اخرى غير مدرجة في النموذج .
- 4- باستخدام اختبار جذر الوحدة استقراريه المتغيرات محل الدراسة في الفرق الأول.
- 5- يوجد تأثير طردي لنسبة الامية على الفقر أي كلما زادت الامية وحدة واحدة ادى ذلك إلى زيادة الفقر بنسبة (0.141437).
- 6- باستخدام اختبار الحدود نلاحظ وجود علاقة توازنية طويلة وقصيرة الأجل بين متغيري الدراسة عند المستوى المعتمد.
- 7- خلو النموذج المقدر من مشاكل القياس الاقتصادي المتمثلة في التوزيع الطبيعي للبيانات و الارتباط الذاتي وعدم ثبات تباين حد الخطأ.
- التوصيات**
1. نتيجة لزيادة الامية يجب الاهتمام بجانب التعليم عن طريق التوسع في انشاء عدد مدارس و تأهيل المدرسين
  2. على الجهات المختصة متابعة تنفيذ القانون المتعلق بالزامية متابعة التعليم الاساسي
  3. على وزارة التربية والتعليم الالتزام بميزانية التعليم المجاني.
- على الحكومة التوسع بإنشاء مدارس وتأهيل المعلمين، وتوظيف الخريجين في مجال التربية والتعليم كلا في مجال اختصاصه.
- المراجع**
- أولاً: المراجع العربية**
- [1]- اسماعيل ، محمد عبد الرحمن (2001) ، تحليل الانحدار الخطي البسيط ، معهد الادارة العامة ، الرياض.
  - [2]- البلداوي، عبد الحميد عبد المجيد (1997) الإحصاء للعلوم الإدارية والتطبيقية، عمان: دار الشروق للنشر والتوزيع .
  - [3]- الجمهورية اليمنية ،وزارة التخطيط والتنمية ، الجهاز المركزي للإحصاء ، المسح الوطني لظاهرة الفقر 1999م ، صنعاء، مايو، 2001م ، بالتعاون مع نظام معلومات مراقبة الفقر وبرنامج الأمم المتحدة الإنمائي بصنعاء واللجنة الاقتصادية والاجتماعية لغربي آسيا، صنعاء، مايو، 2001م.
  - [4]- الجنابي نبيل حسين كريم (2010)، العلاقة بين أسعار النفط الخام وسعر صرف الدولار باستخدام التكامل المشترك وسببية جرانجر، كلية الإدارة والاقتصاد، جامعة القادسية.
  - [5]- الراوي ، خاشع (1987) ، المدخل الى تحليل الانحدار ، جامعة الموصل ، الموصل.
  - [6]- الرشيد ، طارق محمد (2018) مهارات التحليل البيانات باستخدام برنامج EVIEWS مطبعة إمييسا الحديثة ، الخرطوم ، ص 294-295
  - [7]- السقاف، علي (2005) "السكان والفقر في اليمن- تحليل قياسي"، مجلة العلوم الاجتماعية والإنسانية، المجلد(8)، العدد(16)، دار جامعة عدن للطباعة والنشر.
- [8]- الكيخا، نجاه رشيد (2007)، اساسيات الاستنتاج الاحصائي، قسم الاحصاء - كلية العلوم - جامعة قاربونس، دار الكتب الوطنية بنغازي- ليبيا.
- [9]- باعشن، هدى، (2017)، النمذجة القياسية للفقر متعدد الابعاد في اليمن خلال الفترة 1998-2014، رسالة دكتوراة، جامعة عدن، كلية العلوم الادارية، الجمهورية اليمنية.
- [10]- سبكي، وفاء. (2019). أثر التعليم على الفقر في الجزائر خلال الفترة (1980-2016) باستخدام منهجية ARDL. مجلة دفاتر اقتصادية، المجلد العاشر ، العدد الثاني، 331-343.
- [11]- شيخي، محمد، (2011) طرق الاقتصاد القياسي محاضرات وتطبيقات، جامعة ورقلة الجزائر، الطبعة الأولى ،
- [12]- عبد القادر، نادية مهدي، 2015، الفقر والتعليم في العراق الواقع والتحديات ، كلية الادارة والاقتصاد - جامعة ديالى.
- [13]- عبد الواسع، منصور علي عبد الله (2011)، السكان والفقر في الجمهورية اليمنية، رسالة ماجستير، جامعة عدن، كلية العلوم الادارية، الجمهورية اليمنية.
- [14]- عثمان ، داود وآخرون 2003م : "السكان والتنمية" ؛ مركز التدريب والدراسات السكانية، جامعة صنعاء وصندوق الأمم المتحدة للسكان: صنعاء .
- [15]- عطيه، عبد القادر محمد عبد القادر (1998):الحديث في الاقتصاد القياسي بين النظرية والتطبيق، الدار الجامعية، الاسكندرية ، مصر .
- [16]- قنديل، عبد الفتاح محمد أحمد، (2013)، أساليب وفنون التنبؤ بين النظرية والتطبيق، مكتبة هشام عبد الله الديب، بنها، مصر.
- [17]- مزوري الطيب، ملال، أحمد. (2021). تقدير العلاقة بين الفقر والفساد في الجزائر. مجلة التنمية الاقتصادية، المجلد الخامس، العدد الثاني، 105-114.
- ثانياً: المراجع الاجنبية**
- [18]- Donald L. and James F. (1998), Data, Statistics and decision models with excel, John Wiley & Son, Inc. New York , USA.
- [19]- Daryl S. P. (2007), Handbook of Regression and Modeling: Applications for the Clinical and Pharmaceutical Industries, Taylor & Francis Group, LLC, Boca Raton, USA.<sup>1</sup>
- [20]- Hyndman, Rob & Athanasopoulos, George, (2013), Forecasting Principles and practice. Second EDITION, OTexts, Melbourne, Australia, available from <http://otexts.org/fpp>.
- [21]- Makridakis, Spyros & Wheelwright, Steven & Hyndman, Rob, (1998), Forecasting Methods and Applications, third Edition, John-Wiley and Sons, New York, USA.
- [22]- Galton F. (1886), Family likeness in stature, Proceeding of Royal Society, Volume 40.