

مجلة العلوم البحثة والتطبيقية



Journal of Pure & Applied Sciences www.Suj.sebhau.edu.ly ISSN 2521-9200 Received 22/03/2017 Revised 15/10/2017 Published online 15/08/2018

تأثير تخمين وتتبع القناة اللاسلكية المتغيرة مع الزمن على جودة الاتصالات فى الانظمة المتنقلة

*محمد نوري احمد حسين و امسيب مصباح جبيلة و على عمر المتنانى قسم الهندسة الالكترونية و الكهربائية – كلية العلوم الهندسية والتقنية – جامعة سبها ، سبها ليبيا *للمراسه:<u>moh.emhamed@sebhau.edu.ly</u>

الكلمات المفتاحية: الاتصالات المتنقلة ، تخمين و تتبع القناة المتغيرة زمنيا، مرشح كالمن.

Impact of estimation and tracking of time varying channel on performance of mobile communications

*Mohamed Nuri Hussin, Emsaieb Geepalla, Ali Omar Al-mathnani

Department of EEE, Faculty of Engineering science and Technology, Sebha University, Sebha, Libya *Corresponding author: <u>moh.emhamed@sebhau.edu.ly</u>

Abstract This study has carried out to evaluate impact of estimation and tracking of time varying channel on communications quality in mobile systems. Channel estimation and tracking are important in many wireless communication applications. The mobile system environment can be considered sub urban area where users speed between (20-140Km/h). In order to achieve high quality, the receiver needs complex channel coefficients which can be estimated by using training symbols during less than 10% of channel coherence time. Then channel tracking can be performed by using Kalman filter which allows post estimate as well as symbols detection. The results can be compared to show that the tracking lead to high quality communication with near optimum performance as well as expected.

Key words: Mobile communications, Time varying channel estimation, Kalman filter.

1–المقدمة Introduction

النمو المطرد في مجال الاتصالات المتنقله والشبكات اللاسلكيه عالية السرعة يتطلب تامين جودة اتصالات عالية ، حيت ان طبيعة قناة الاتصال فى النظام الخليوي تكون غير تابتة وتتغير مع الزمن حيت يسبب تعدد المسارات فى التبعتر الزمنى ، وا يضا يحدت التبعتر فى التردد نتيجة تاتير ظاهرة دوبلر ، و الدى يؤدى الى يحدت التبعتر فى التردد نتيجة تاتير ظاهرة دوبلر ، و الدى يؤدى الى تلاشى قدرة الاشارات المستقبلة و هو ما يعرف بالخبو fading ، ولهذا جوانب سلبية خاصة فيما يتعلق بكشف و تخمين الاشارات المستقبلة ويصنف الخبو الى خبو مستوى fading لا خليو ى متل انتقائى selective fading على حسب بيئة النظام الخليو ى متل مناطق مدنية مكتظة او ريفية ، و ايضا يصنف على حسب سرعة fast ألمستخدم الى خبو سريع slow fading ، فكلما از دادت سرعة المستخدم الى خبو الريو قل

الزمن المترابط الدى تكون فيه القناة شبه تابتة [1]. فى بعض تطبيقات الاتصالات الاسلكية لا يعرف المستقبل طبيعة قناة الاتصال وباستخدام التضمين التفاضلي Idfferential modulation يمكن الحصول على جودة اتصال عندما تكون القناة شبه تابتة ، اما فى حالة الاتصال عبر قنوات متغيرة مع الزمن فقد أثبتت العديد من الدر اسات وكذلك التطبيقات العملية أن استخدام تقنية التضمين المتماسك اوالمترابط coherent

modulationيوفر جودة اتصال اعلى بحوالى B B عن التضمين التفاضلي [2].

من ضمن طرق تخمين القنوات الاسلكية العملية طريقة ارسال بيانات تجريبية training symbols معروفة مسبقا لدى المستقبل ، والصعوبات دائما تكون عندما يكون الزمن المترابط

coherence time صغير جدا نتيجة التغير السريع فى طبيعة القناة عند السرعات العالية . فى هده الحالة لابد من تتبع مسار القناة الاسلكية عبر الزمن ، و من الطرق المستخدمة لتتبع التغيرات السريعة في القناة عمليا هو استخدام مرشح كالمن ، وتتكون خوارزمية المرشح من مرحلتين الاولى هى مرحلة التوقع الزمنية التى متحدت فى قناة الاتصال ، وهدا النمودج يمكن تحقيقه باستخدام مرشح توقع رقمي correction وتكون بناء على مرحلة التصحيح او المشاهدة مرحلة التصحيح او المشاهدة مرحلة المرابع في مرحلة المرابع في مرحلة المرابع في مرحلة المرابع في التغيرات خوارزمية التى مرحلة الاتصال ، وهذا النمودج يمكن تحقيقه باستخدام مرشح توقع رقمي correction وتكون بناء على قياس اشارة الاستقبال [3، 4] .

لربط مرحلة كشف وتخمين الرموز المستقبلة مع مرحلة تتبع القناة نستطيع استخدام طريقة مباشرة القرار decision-directed [5] ، حيت يتم تخمين القناة المتقدم posterior-estimate فى مرحلة التصحيح ، بناء على التغدية الخلفية بالرموز التى يتم تخمينها فى مرحلة التوقع باستخدام تخمين القناة السابق .priori-estimate

في هذه الورقة نهدف الي تحسين جودة الاتصال وتحقيق اداء يقترب من المتالى عن طريق تخمين وتتبع القناة الاسلكية المتغيرة مع الزمن بدقة عالية باستخدام مرشح كالمن ودلك عن طريق عرض ومقارنة النتائج المختلفة.

تتقسم هذه الورقة الى مقدمة ، نموذج النظام ، طرق تخمين وتتبع القناة ، مناقشة النتائج و الاستنتاجات . فى كتابة المعادلات الرياضية خصصت الحروف الصغيرة غير الداكنة لتمتيل المتغيرات العددية المفردة scalar ، والحروف الصغيرة الداكنة تتمتيل المتغير اتالعددية على هيئة صف او عامود Matrices والحروف الكبيرة الداكنة لتمتيل المصفوفات Matrices

2- نمودج نظام الاتصال System model

في الأنظمة الخليوية عندما يتصل المستخدم المتحرك بمحطة القاعدة تؤتر تضاريس البيئة المحيطة على انتشار الاشارة فيحدت الخبو نتيجة الانعكاس والانكسار والتبعتر وايضا يضاف عليها الصحىج الصادر من مصادر الحرارة المتعددة . في المناطق غير المكتضة على الطرق السريعة وهو مانتعرض له فى هده الورقة لاتحدت ظاهرة تعدد المسارات زمن تاخير اعتباري الاان لإشارة تنتقل من المرسل إلى المستقبل تحت تاتير ظاهرة دوبلر اى انها تتعرض لخبو مستوي متغير مع الزمن حيت يتم التحكم فى معدل تغير الخبو عن طريق تردد دوبلر [7،6،1] . ويمكن التعبير عن النموذج الرياضي للاشارة المستقبلة كالاتى

دیت (2) $f_m = v f_c / c$

v سرعة المستخدم وتردد الموجة الحاملة f_c و سرعة الضوّ في الفراغ c . و طيف دوبلر بدلالة التردد الزاوى $\Omega_m = 2\pi f_m$

$$S(e^{j\Omega}) = \begin{cases} \frac{2}{\Omega_m \sqrt{1 - \frac{\Omega}{\Omega_m}}} & |\Omega| < \Omega_m \\ 0 & \Omega_m \le \Omega \le \pi \end{cases}$$
(3)

وهو يحسب عن طريق تحويل فوريير المتقطع لدالة الترابط الزمني [m] R_{hh}

(4)
$$S_i(e^{j\Omega}) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} \mathbf{r}_{hh}[m]e^{-jm\Omega}$$

وتحسب
$$\mathbf{r}_{hh}[m]$$
 بين معاملات القناة كالاتى $\mathbf{r}_{hh}[m] = \mathcal{E}\left\{ h_i[n]h_i^*[n-m] \right\}$ (5)

لكى يخمن المستقبل الإشارة المطلوبة
$$[n]$$
 من الإشارة
المستقبلة $[n]$ يحتاج لتوفر كامل المعلومات عن القناة $[n]$ وعن طريق ضرب الاشارة المستقبلة بمرافق القناة المخمنة
وعن طريق ضرب الاشارة المستقبلة بمرافق القناة المخمنة
 $[n]^* \hat{\mathbf{h}}$ حيث يتم الكشف
كالا تى
كالا تى
اى ان الاخطاء فى تخمين القناة $[n] \hat{\mathbf{s}}$ (6)
 $[n] \circ \mathbf{r}[n]$ سيؤدى الى الاخطاء فى
اى ان الاخطاء فى تخمين القناة $[n] \hat{\mathbf{n}}$ سيؤدى الى الاخطاء فى
اى ان الاخطاء فى تخمين القناة $[n] \hat{\mathbf{n}}$ سيؤدى الى الاخطاء فى
كشف الاشارة [n] فى تتحقق المعادلة الاتية
 $[n] \approx \mathbf{h}[n]$

التغيير عبر الزمن في القناة اللاسلكية يؤثر تأثيرا مباشرا على عملية التخمين نفرض ان قيمة المعاملات تظل شبه تابتة خلال الزمن المتماسك T_c ، حيث يتم حساب T_c بتحديد تردد دوبلر f_m كالاتي

$$T_{c} = \frac{9}{16\pi f_{m}} \tag{8}$$

سنستخدم مرشح كالمن الدى يحتاج البداية فى الى ادخال قيمة ابتدائية للقناة ولتخمين هده القيمة فانه فى مقدمة الفترة الزمنية ترسل بيانات تجريبية $\mathbf{S}_t[n]$ تكون معروفة مسبقا لدى المستقبل الدى يقارنها بالبيانات المستقبلة $\mathbf{r}_t[n]$ ، لغرض تخمين قيمة ابتدائية حيت يتم تحديد القيمة المتوسطة حسابيا \hat{h}_{est} من خلال العلاقات الاتية

 $(9) \hat{\mathbf{h}}[n] = \frac{\mathbf{r}_{t}[n]}{\mathbf{s}_{t}[n]}$ $(10) \hat{h}_{est} = \varepsilon \left\{ \hat{\mathbf{h}}[n] \right\}$

ويتم تتبع القيم الاخري على امتداد المسار الزمنى باستخدام مرشح كالمن وللحصول على كفاءة استخدام للنطاق الترددي يجب ان لايزيد طول البيانات التجريبية عن 10% من طول الرزمة المرسلة

3–1– مرشح كالمن

Autoregressive (AR) مرشح كالمن الدي يستخدم نمودج توقع (AR) من الدرجة M هو شائع الاستعمال فى مجال تطبيقات تتبع المعاملات المتغيرة مع الزمن متل قناة الاتصال [n] . حيت يتبع المرشح حالة مسار القناة عن طريق مشاهدة الاشارة المستقبلة والتي تكون مشوشة بالضجيج [n] والموضحة فى المعادلة رقم (1) ، وتعمل خوارزمية مرشح كالمن فى مرحلة التوقع تم فى مرحلة التصحيح كما هو موضح فى جدول (1)

3-1-1 نمودج مرشح التوقع

يستخدم مرشح Autoregressive من الرتبة Mلتوقع القيمة بناء على الترابط الزمني بين عينات معاملات القناة تؤخذ على أساس العلاقة الاتية

مستقل لتقليل هدا الخطا اقل مايمكن نستخدم قاعدة التعامد

(13) $\mathcal{E}\left\{\mathbf{h}[n-1]\boldsymbol{\mu}^{*}[n]\right\} = 0$ المحصول على نمودج تحديث بناء على المتجه **a** يتطلب حل المعادلة (14) $\mathcal{E}\left\{\mathbf{h}[n-1]h^{*}[n]\right\} = \mathcal{E}\left\{\mathbf{h}[n-1]\mathbf{h}^{H}[n-1]\right\}\mathbf{a}$ (14) $\mathcal{E}\left\{\mathbf{h}[n-1]h^{*}[n]\right\} = \mathcal{E}\left\{\mathbf{h}[n-1]\mathbf{h}^{H}[n-1]\right\}\mathbf{a}$ حيث معاملات التحديث الامتل **a** تعطى بواسطة معادلة [1] (15) **a** = $\mathbf{R}_{h}^{-1}\mathbf{p}$

والدى يتطلب تخميين مصفوفة الترابط الداتى \mathbf{R}_h و متجه دالة الترابط العكسي \mathbf{p} كالاتى

(16)
$$\mathbf{R}_{h} = \varepsilon \left\{ \mathbf{h}[n-1]\mathbf{h}^{H}[n-1] \right\}$$

(17) $\mathbf{p} = \varepsilon \left\{ \mathbf{h}[n-1]h^{*}[n] \right\}$ (16)

حيت يمكن كتابة العلاقة السابقة رقم (15) في صورة ضرب مصفوفة بعامود كالاتي

$$\begin{bmatrix} a_{1} \\ a_{2} \\ \vdots \\ a_{M} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \rho_{0} & \rho_{1} & \cdots & \rho_{M-1} \\ \rho_{1} & \rho_{0} & \cdots & \rho_{M-2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \rho_{M-1} & \rho_{M-2} & \cdots & \rho_{0} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \rho_{1} \\ \rho_{2} \\ \vdots \\ \rho_{M} \end{bmatrix}$$
(18)

وكدلك يمكن استنتاج تباين خطا التحديت

(19)
$$\sigma_u^2 = \varepsilon \left\{ u[n] u^*[n] \right\}$$

بدلالة \mathbf{p}_{h} و \mathbf{R}_{h} كالاتى و $\mathbf{m}_{u}^{2} = \sigma_{h}^{2} - \Re \{ \mathbf{a}^{H} \mathbf{p} \} + \mathbf{a}^{H} \mathbf{R}_{h} \mathbf{a}$ (20) بناء على استنتاج معاملات التوقع \mathbf{a} من المعادلة (18) نكون قد حصلنا مصفوفة التحديث \mathbf{A} كالاتى

وتكون (21)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 & \cdots & a_M \\ 1 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots 1 & 0 \end{bmatrix}$$

المصفوفة A مربعة وابعادها $M \times M$ حيت تتستخدم فى بناء نمودج مرشح التوقع AR لتحديت معاملات القناة بناء على الرتبة M كما هو موضح فى جدول (1)

جدول (1) – خوارزمية مرشح كالمن

$$\mathbf{h}[n/n-1] = \mathbf{A}\mathbf{h}[n-1/n-1]$$

$$\mathbf{P}_{n/n} = \mathbf{A}\mathbf{P}_{n/n-1}\mathbf{A}^{T} + \mathbf{Q}$$

$$\mathbf{P}_{n/n} = \mathbf{A}\mathbf{P}_{n/n-1}\mathbf{A}^{T} + \mathbf{Q}$$

$$\mathbf{E}_{n/n} = \mathbf{A}\mathbf{P}_{n/n-1}\mathbf{A}^{T} + \mathbf{Q}$$

$$\mathbf{E}_{n/n} = \mathbf{P}_{n/n}\mathbf{x}[n]/(\mathbf{x}^{T}[n]\mathbf{P}_{n/n}\mathbf{x}[n] + \sigma_{n}^{2})$$

$$\mathbf{h}[n/n] = \mathbf{h}[n-1/n-1]$$

$$+ \mathbf{K}_{n}(\mathbf{y}[n] - \mathbf{h}[n-1/n-1]\mathbf{x}[n])$$

$$\mathbf{P}_{n/n} = (\mathbf{I}_{M} - \mathbf{K}_{n}\mathbf{x}[n])\mathbf{P}_{n/n-1}$$

$$\mathbf{E}_{n/n} = (\mathbf{I}_{M} - \mathbf{K}_{n}\mathbf{x}[n])\mathbf{P}_{n/n-1}$$

$$\mathbf{E}_{n/n} = [\mathbf{F}_{n} \mathbf{0}_{1} \cdots \mathbf{0}_{M-1}]^{T}$$

$$\mathbf{x}[n] = [s[n] \mathbf{0}_{1} \cdots \mathbf{0}_{M-1}]^{T}$$

$$\mathbf{h}[\mathbf{0}] = [h_{est} \mathbf{0}_{1} \cdots \mathbf{0}_{M-1}]^{T}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{1} \ a_{2} \ \cdots \ a_{M} \\ 1 \ \mathbf{0} \ \cdots \ \mathbf{0} \\ \vdots \ \vdots \ \vdots \ \vdots \ \vdots \\ \mathbf{0} \ \mathbf{0} \ \cdots \ \mathbf{0} \end{bmatrix}$$

4- النتائج

عن طريق محاكاة متغيرات عناصر نظام الاتصال الخليوي فى الاماكن الغير مكتظة على الطرق السريعة الموضحة بالجدول (2) تم ارسال رزمة البيانات علي كامل فترة الزمن المتماسك عندما تكون القناة شبه تابتة .حيت فى مقدمة الرزمة وعلى امتداد %10 من طول الرزمة تم ارسال بيانات تجريبية لتخمين قيمة ابتدائية القناة ، وبناء على هده القيمة تم تعديل طور باقى البيانات المرسلة فى السيناريو الاول والدي نتوقع فيه جودة منخفضة نتيجة لان الاخطاء في التخمين تكون كبيرة اما فى السيناريو الاخرفقد تم استخدام مرشح كالمن لتتبع المسار الزمنى المتغير للقناة وكشف نتوقع منه جودة عالية تقترب من الاداء المتالى اى كما لو ان معلومات القناة متاحة بدون الاخطاء . مقارنة النتائج من خلال معلومات القناة متاحة بدون الاخطاء . مقارنة النتائج من خلال

الاداء الامتل النظري تحت نفس الظروف هو مانتناوله فى موضوع المحاكاة والنتائج التى نفدت باستخدام برنامج [14] . MATLAB

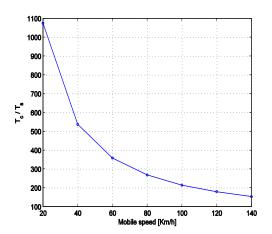
ظام	الاتصالات تمتل معايير ن	جدول (2) - محاكاة منظومة	
_		GSM	
	$f = 1.8 GH_7$	تردد الحامل	

$f_c = 1.8 GHz$	تردد الحامل
B = 200 KHz	عرض النطاق الترددى
$T_s = 5 \mu s$	عرض نبضة الارسال
QPSK	التعديل
$\sigma_t = 200 - 310 ns$	متوسط زمن الانتشار
v = 20 - 140 Km/h	سرعة المستخدم

1-4 تأثير سرعة المستخدم على الاداء

قبل استعراض نتائج تخمين القناة يجب توضيح تأثير سرعة المستخدم على عملية تبادل البيانات بين المرسل والمستقبل. من الشكل (1) يتبين عند دراسة تأثير سرعة المستخدم على طول البيانات المرسلة ان معدل تبادل البيانات يقل كلما زادت السرعة نتيجة لتقلص طول فترة الزمن المترابط لقناة الاتصال ، اى ان طول الدفقة burst يكون متكيف مع الزمن المترابط كما هو واضح في الشكل (1) يمكن ملاحظة ان منحنى معدل كمية البيانات له اضمحلال اسى حتى ان طول الرزمة يكون اقل من 200 بت عندما تكون سرعة المستخدم اكتر من المتقطع خلال الزمن انه يمكن استتتاج انه في حالة الارسال المتقطع خلال الزمن

المترابط للقناة يكون تاتير السرعة حجم رزمة الارسال كبير.

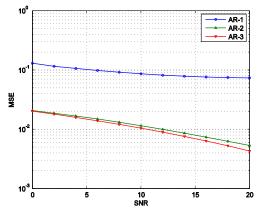


شكل (1) - تاتير سرعة المستخدم على طول البيانات المرسلة

2-4 تأثير نمودج AR-Mعلى كفاءة مرشح كالمن

يمكن استخدام مرشح كالمن فى انظمة التتبع وتكون كلفة طاقة الحساب مناسبة كلما كانت رتبة نمودج التحديت الزمنى اقل . وللموازنة بين الكلفة والاداء قمنا بحساب متوسط مربع خطا تتبع

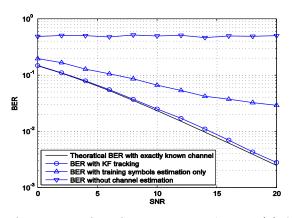
المسار الزمنى للقناة (mean square error (MSE) . نلاحظ من شكل (2) ان اداء 1-AR اى من الرتبة الاولى سئ مقارنة مع AR-2,3 اى من الرتبة االتانية والتالتة. الا ان اداء AR-2,3 متقارب جدا. وللحصول علي الاداء الافضل والكلفة المنخفضة ، نستخدم نمودج تحديت من الرتبة التانية AR-2.



شکل (2) - تاتیر نمودج AR-1,2,3علی کفاءة مرشح کالمن

2-4 تأثير تخمين وتتبع القناة على اداء النظام

على اعتبار ان الارسال يحدت فى الزمن المترابط يوضح الشكل (3) مقارنة الاداء في حالة تخمين قيمة متوسطة لطور القناة باستخدام البيانات التجريبية على طول %10 من الزمن المترابط، تم تعديل طور اشارة البيانات بهده القيمة قبل عملية الكشف اى بدون تتبع لمسار القناة الزمني ، وكدلك يوضح الشكل (3) مقارنة الاداء في حالة تتبع مسار القناة وكشف اشارة البيانات باستخدام مرشح كالمن بمتوقع من الرتبة التانية 2-AR ، وطريقة التتبع المستخدمة موضحة في [13،5].



شكل (3) - مقارنة اداء تخمين وتتبع القناة على جودة الاتصال

نتائج المحاكاة في الحالات السابقة قورنت مع الاداء المتالى [9] عندما يمتلك المستقبل معلومات وافية عن طور كل نقطة على المسار الزمني للقناة ايضا الشكل يوضح حالة الاداءالاسوء عندمايتم

كشف اشارة البيانات بدون توفراى معلومات عن القناة بلاحظ من الشكل في حالة عدم تتبع القناة ان الخطا في الطورله تاتيرسلبى يؤدى الى تدهور الاداء عندالقيم المرتفعة لنسبة الاشارة الى الضجيج وهدا التدهور لايمكن علاجه حتى بزيادة مستوي الاشارة لانه ناتج عن خطا تخمين القناة وليس عن الضجيج. نستنتج ان تخمين قيمة متوسطة لطور القناة عن طريق ارسال البيانات التجريبية لايعتبر طريقة فعالة لان الخطا في تخمين الطور حساس جدا وله تاتيرسئ على جودة الاتصالات ومن الشكل يبدو واضحا ان تتبع المسار الزمنى للقناة يعالج مشكلة تدهور الاداء فى الحالة السابقة ويعطى نتائج تكاد تكون قريبة جدا من الاداء المتالى.

الكشف المترابط فى انظمة الاتصالات الخليوية فى حالة الارسال المنقطع خلال الزمن المترابط للقناة تحتاج فيه اجهزة الاستقبال الى معرفة دقيقة لمعاملات الطور للقناة الناتج عن حركة المستخدمين .اتبتت االنتائج ان طول الارسال للقناة ينخفض بزيادة السرعة كما اتبتت االنتائج ان تعديل طور اشارة البيانات قبل عملية الكشف باستخدام معلومات القناة المخمنة خلال فترة ارسال البيانات التجريبية غير فعال للحصول على اداء جيد ولتحقيق جودة اتصال عالية من الافضل تتبع المسار الزمنى للقناة عن طريق استخدام مرشح كالمن . الا ان مرشح كالمن يحتاج اللى نمودج تحديت حيت تشتق معاملات التحديث من علاقة الترابط الزمني التى تعتمد على تردد دوبلر التى يحتاجها جهاز الاستقبال مما يؤدى الى مزيد من التعقيد بزيادة كلفة طاقة الحساب ولتخفيض هدا التعقيد و للحصول على افضل اداء تم استخدام نمودج تحديث زمنى من الرتبة التانية الاداء المتالى.

7- المراجع

- [1]- T. S. Rappaport," Wireless Commun-: ications Principlesand Practice", *Second Edition*, 2002
- [2]- J. G. Proakis," "Digital Communication", Fourth Edition, 2001.
- [3]- B. D. O. Anderson and J. B. Moore, "The Kalman-Bucy Filter as a True Time-Varying Wiener Filter," *IEEE Transactions on Systems*, vol. 1,pp. 119–128, 1971.
- [4]- B. N. Baddour, K.E., "Autoregressive Modeling for Fading Channel Simulation," *IEEE Transactions on Wireless Communications*, vol. 4, no. 4, pp. 1650 – 1662, July 2005.
- [5]- R. Lyman and W. Edmonson, "Decision-Directed Tracking of Fading Channelsusing Linear Prediction of the Fading Envelope," in Record of the Thirty-Third Asilomar Conference on Signals, Systems, and Computers, vol. 2,pp. 1154 –1158, Oct. 1999.

- [6]- G. L. St"uber, "Principles of Mobile Communication". London, U.K.: Kluwer, 2001.
- [7]- [7]- A. Goldsmith, "Wireless Communications". *Cambridge University Press*, 2005.
- [8]- B. Sklar, "Digital Communications: Fundamentals and Applications". Prentice Hall, Englewood Cliffs, 1988.
- [9]- Ziv, J. "Probability of decoding error for random phase and Rayleigh fading channels", *IEEE Transactions in communication*, Jan 1965,IT-11, pp. 53- 61.
- [10]- M. Enescu and V. Koivunen, "Time-Varying Channel Tracking for Space-Time Block Coding," in IEEE 55th Vehicular Technology Conference, vol. 1,pp. 294 – 297, 2002.
- [11]- M. Dong, L. Tong, and B. Sadler, "Optimal Insertion of Pilot Symbols for Transmissions over Time-Varying Flat Fading Channels," *IEEE Transactions on Signal Processing*, vol. 52, no. 5, pp. 1403 – 1418, May 2004.
- [12]- M. Pukkila, "Channel Estimation Modeling", 2000.
- [13]- C. Cozzo and B. Hughes, "Joint Channel Estimation and Data Detection in Space-Time Communications," *IEEE Transactions on Communications*,vol. 51, no. 8, pp. 1266 – 1270, Aug. 2003.
- [14]- "Matlab the language of technical computing "version 7.2.0.232 (R2010a), Math works, Ins., 2010.